● مثال ۱۶-۱

در یک سد مخزنی، سرریز اضطراری آن طوری طراحی شده است که رابطه بین دبی خروجی (O) از آن و ارتفاع آب روی تاج سر ریز (H) به صورت $Q = 110\ H^{1.5}$ است (H برحسب متر و Q برحسب مترمکعب در ثانیه). زمانی که مخزن تا لبهٔ تاج سرریز پر از آب است سطح مخزن ۷/۵ کیلومتر مربع می‌باشد و پس از آن به ازای هر متر افزایش ارتفاع، ۱/۵ کیلومتر مربع بر سطح دریاچه مخزن افزوده می‌شود. در همین زمانی که مخزن تا لبهٔ تاج سرریز پر از آب است، سیلی که هیدروگراف آن مثلثی شکل است وارد مخزن می‌شود. زمان پایهٔ هیدروگراف ۳۶ ساعت، دبی اوج آن ۳۶۰ مترمکعب در ثانیه و زمان وقوع دبی اوج ۱۲ ساعت پس از شروع سیل ا ست. دبی اوج هیدروگراف خروجی از سرریز و زمان وقوع آن را از شروع سیل در هیدروگراف ورودی حساب کنید.

$$S = \int_0^H A\,dh = \int_0^H 10^6\,(7.5 + 1.5h)\,dh$$

$$= 10^6\,(7.5\,H + 0.75\,H^2) \quad \text{مترمکعب}$$

$$O = 110\,H^{1.5} \quad \text{مترمکعب در ثانیه}$$

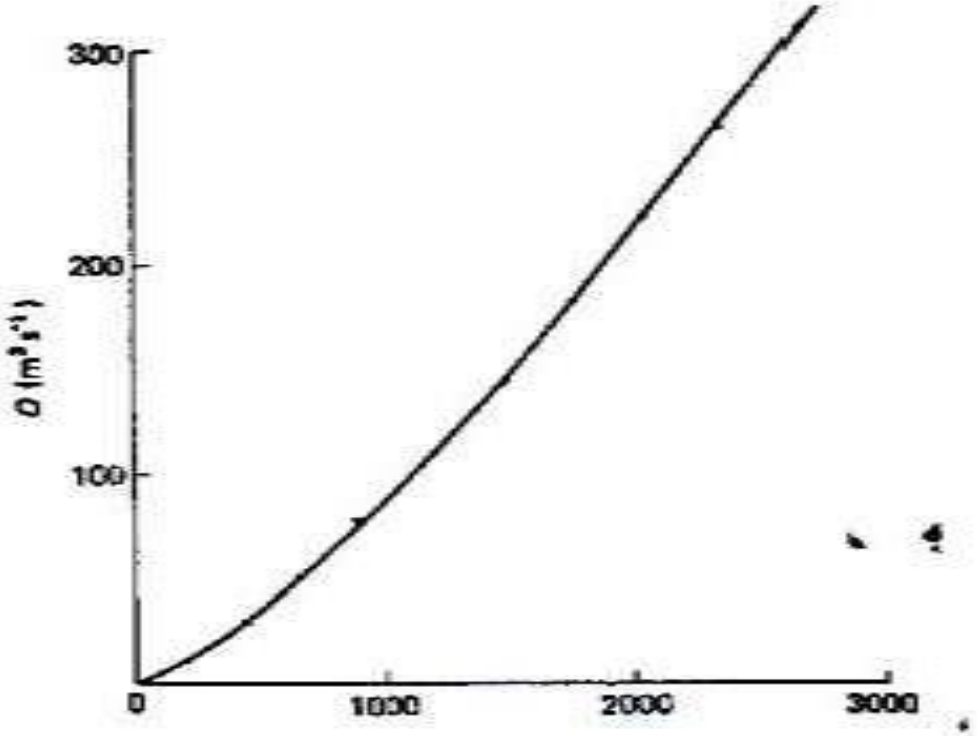
$$G = \frac{S}{\Delta T} + \frac{O}{2}$$

$$G = \frac{10^6}{7200}(7.5\,H + 0.75\,H^2) + \frac{110}{2}\,H^{1.5}$$

$$G = 104\,H(10 + 0.53\sqrt{H} + H)$$

جدول ۱۶-۲

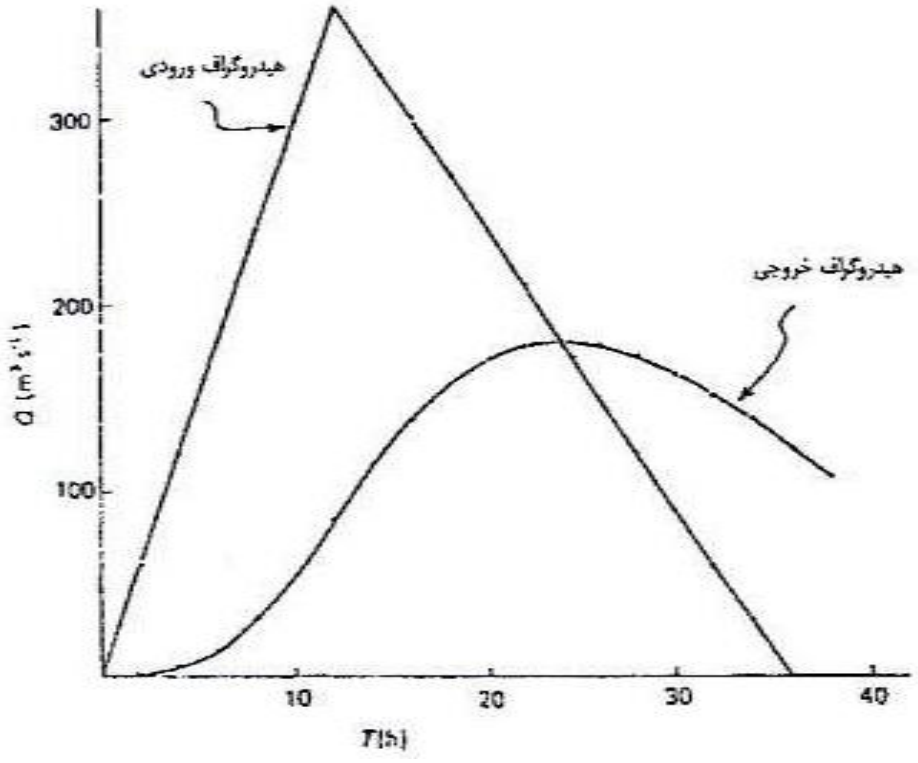
H	O	104H	0.53 √H	(10+0.53 √H+H)	G
0.2	10	20.8	0.24	10.26	213
0.4	28	41.6	0.34	10.38	432
0.6	51	62.4	0.41	10.47	653
0.8	79	83.2	0.47	10.55	878
1.0	110	104.0	0.53	11.53	1199
1.2	144	124.8	0.58	11.78	1470
1.4	182	145.6	0.63	12.03	1752
1.6	223	166.4	0.67	12.27	2042
1.8	265	187.0	0.71	12.51	2339
2.0	312	208.0	0.75	12.75	2652



$$G = \frac{S}{\Delta T} + \frac{O}{2} \quad (m^3 s^{-1})$$

جدول ۱۶-۳

T (hr)	I (m^3/s)	Im (m^3/s)	O (m^3/s)	Im-O (m^3/s)	G (m^3/s)
0	0		0		0
		30		30	
2	60		1		30
		90		89	
4	120		6		119
		150		144	
6	180		14		163
		210		196	
8	240		31		459
		270		239	
10	300		55		698
		330		275	
12	360		85		973
		345		260	
14	330		114		1233
		315		201	
16	300		138		1434
		285		147	
18	270		158		1581
		288		97	
20	240		171		1678
		225		54	
22	210		178		1732
		195		17	
24	180		180		1749
		165		-15	
26	150		178		1734
		135		-43	
28	120		173		1691
		105		-68	
30	90		163		1623
		75		-88	
32	60		152		1535
		45		-107	
34	30		139		1328
		15		-124	
36	0		123		1304
		0		-123	
38			108		1181



● مثال ۱۶-۲

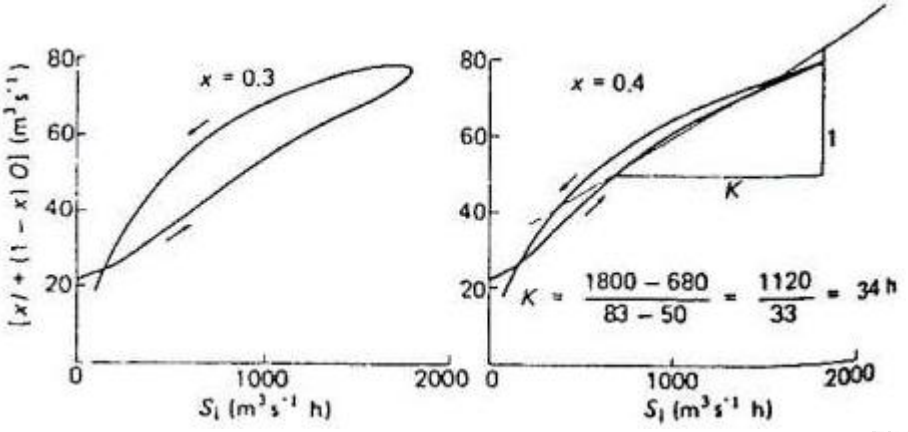
در دو نقطه از مسیر یک رودخانه در هنگام وقوع سیل اندازه‌گیری دبی به عمل آمده است. آمار هیدروگراف سیل ورودی و خروجی بین دو نقطه در جدول ۱۶-۴ نشان داده شده است. باتوجه به این اطلاعات ضرایب x و k را برای این قطعه از رودخانه محاسبه نمایید. باداشتن ضرایب x و k هیدروگراف سیل ورودی را روندیابی کنید.

جدول ۱۶-۴

T(hr)	0	12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	132
I(m^3s^{-1})	22	35	103	109	86	59	39	28	22	20	19	18
O(m^3s^{-1})	22	21	34	55	75	85	80	64	44	30	22	20

جدول ۱۶-۵

T (hr)	I (m^3s^{-1})	O (m^3s^{-1})	I - O (m^3s^{-1})	Si ($m^3s^{-1}h$)	0.3(I)+0.7(O) (m^3s^{-1})	0.4(I)+0.6(O) (m^3s^{-1})
0	22	22	0	0	22	22
12	35	21	14	168	25	27
24	103	34	69	996	55	62
36	109	55	54	1644	71	77
48	86	75	11	1776	78	75
60	59	85	-26	1464	77	75
72	39	80	-41	972	68	64
84	28	64	-36	540	54	50
96	22	44	-22	276	37	35
108	20	30	-10	156	27	26
120	19	22	-3	120	21	21
132	18	20	-2	96	19	19



$$x\,I + (1 - x)O$$

$$S = k[x\,I + (1 - x)O]$$

$$C_1 = \frac{\Delta T + 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{12 + 2 \times 34 \times 0.4}{12 + 2 \times 34 - 2 \times 34 \times 0.4} = \frac{39.2}{52.8} = 0.74$$

$$C_2 = \frac{\Delta T - 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{12 - 2 \times 34 \times 0.4}{12 + 2 \times 34 - 2 \times 34 \times 0.4} = \frac{-15.2}{52.8} = -0.29$$

$$C_3 = 1 - C_1 - C_2 = 1 - 0.74 + 0.29 = 0.55$$

$$(\text{کنترل } C_3 = \frac{-\Delta T + 2k - 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{28.8}{52.8} = 0.55)$$

$$O_2 = C_1I_1 + C_2I_2 + C_3O_1$$

$$O_2 = 0.74I_1 - 0.29I_2 + 0.55O_1$$

جدول ۱۶-۶

t(hr)	0	12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	132
$I(m^3s^{-1})$	22	35	103	109	86	59	39	28	22	20	19	18
O روندیابی شده	22	18	6	48	82	92	83	66	51	38	30	25

● مثال ۱۳-۹

در یک رودخانهٔ دبی سیل در زمانهای مختلف اندازه‌گیری و ارقام زیر بدست آمده است.

t(ساعت)	0	0.5	1	1.5	2	2.5	3	3.5	4	4.5	5	5.5	6
Q(مترمکعب در ثانیه)	0	3	8	23	18	13	10	7	5	3	2	1	0

این سیل ناشی از باران یک ساعته‌ای است که شدت بارندگی در نیم ساعت اول ۲۰ و در نیم ساعت بعد ۱۵ میلی‌متر در ساعت است. مشخصات سیل را به دست آورید. مساحت حوضه ۲۵ کیلومترمربع است.

ترسیم هیدروگراف سیل

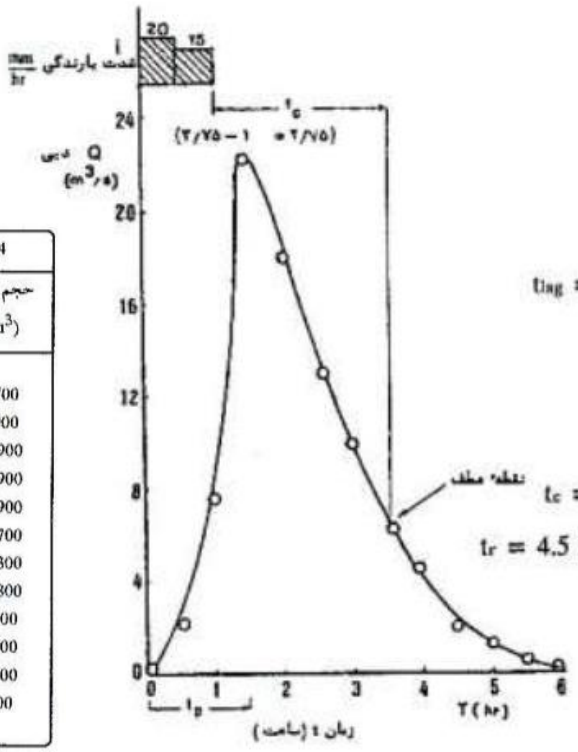
حل

چنانچه دبی را نسبت به زمان در یک دستگاه محور مختصات رسم کنیم (شکل ۱۳-۹) هیدروگراف سیل به دست می‌آید. از روی هیدروگراف مشخصات سیل به شرح زیر قابل استخراج است:

ارتفاع بارندگی: ۱۷.۵ میلی متر
ضریب رواناب ۳۷٪

حجم سیل: ۱۶۷۴۰۰ متر مکعب
ارتفاع سیل: ۶.۵ میلی متر

- زمان شروع بارندگی $t = 0$ hr
- زمان شروع سیل $t = 0$ hr
- زمان خاتمهٔ بارندگی $t = 1$ hr
- زمان خاتمهٔ سیل $t = 6$ hr
- تداوم سیل $t_b = 6$ hr
- زمان تاخیر سیل $t_{lag} = (1.5 - 0.5 = 1)$ 1 hr
- زمان پایه هیدروگراف $t_b = 6$ hr
- زمان رسیدن به اوج $t_p = 1.5$ hr
- دبی اوج (حداکثر) $Q_{max} = 23$ m^3/sec
- زمان تمرکز $t_c = 2.75$ hr $(3.75 - 1 = 2.75)$
- زمان فروکش کردن سیل $t_r = 4.5$ hr $(6 - 1.5 = 4.5)$

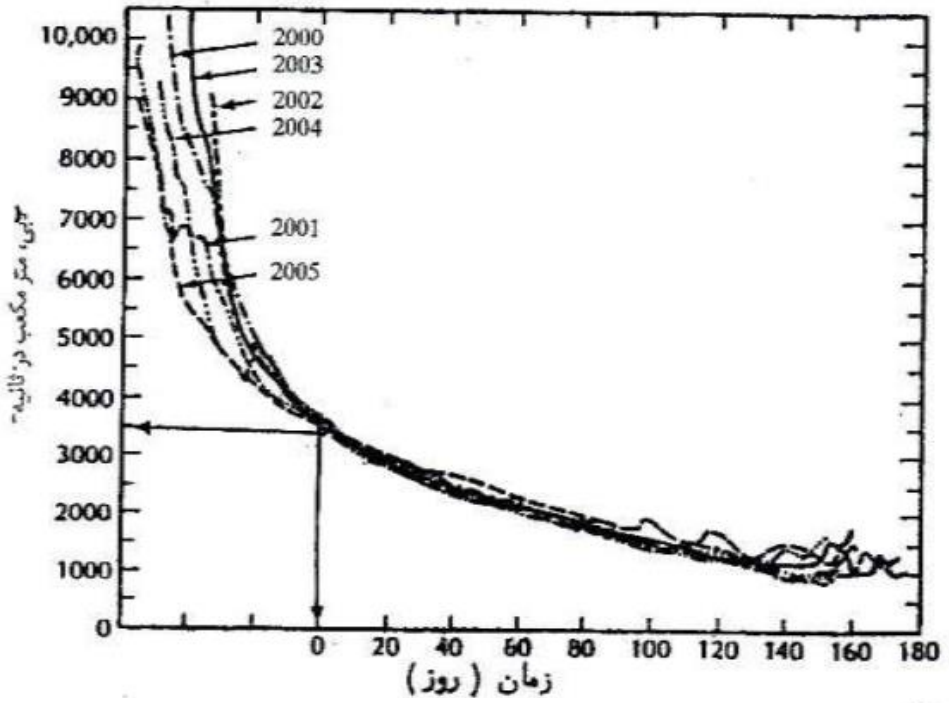


جدول ۱۳-۴

1	2	3	4
t (hr)	دبی m^3/sec	متوسط دبی (m^3/sec)	حجم آب (m^3)
0	0	1.5	2700
0.5	3	5.5	9900
1	8	15.5	27900
1.5	23	20.5	36900
2	18	15.5	27900
2.5	13	11.5	20700
3	10	8.5	15300
3.5	7	6	10800
4	5	4	7200
4.5	3	2.5	4500
5	2	1.5	2700
5.5	1	0.5	900
6	0		

● مثال ۱۳-۱۰

بازوی پایین رونده هیدروگراف سالانه رودخانه‌ای در مدت ۶ سال پیاپی مطابق با شکل ۱۳-۱۰ بوده است. با توجه به این شکل ضریب ثابت a برای این حوضه را در رابطه با معادله فروکش سیل به‌دست آورید. دبی رودخانه ۴۰ روز پس از شروع فرونشینی چه مقدار پیش‌بینی می‌شود؟ در شکل ۱۳-۱۰ قسمت فرونشینی سیل در سالهای مختلف نشان داده شده است.



حل

$$Q = Q_o e^{-at}$$

$$e^{-at} = Q/Q_o$$

$$-at = \ln Q/Q_o$$

$$a = -\frac{1}{t} \ln \frac{Q}{Q_o}$$

منحنی فروکش سیل

از روی شکل ۱۳-۱۰ مقدار $Q_o = 3500\ m^3/sec$ (در زمان $t = 0$) و در زمان $t = 100$ مقدار دبی $Q = 1500\ m^3/sec$ می‌باشد لذا با داشتن این دو نقطه می‌توانیم a را محاسبه کنیم.

$$a = -\frac{1}{100} \ln \frac{1500}{3500} = 8.47 \times 10^{-3}$$

بنابراین معادلهٔ فرونشینی سیل در این رودخانه به صورت زیر است :

$$Q = Q_o e^{-at}$$

$$Q = 3500\ e^{-(8.47 \times 10^{-3})t}$$

و پس از ۴۰ روز از شروع فرونشینی دبی عبارت خواهد بود از:

$$Q = 3500\ e^{-(8.47 \times 10^{-3})(40)}$$

$$Q = 2490\ m^3/sec$$

● مثال ۱۳-۱۱

در یک حوضه آبریز به وسعت $6500\ km^2$ بارانی به مدت ۱۲ ساعت رخ داده و اندازه‌گیری دبی در محل خروجی حوضه طی مدت ۱۵ ساعت به صورت جدول‌زیر (۱۳-۵) بوده است:

جدول ۱۳-۵

زمان (روز)	دبی (m^3/sec)	زمان (روز)	دبی (m^3/sec)
1	1600	9	2800
2	1550	10	2200
3	5000	11	1850
4	11300	12	1600
5	8600	13	1330
6	6500	14	1300
7	5000	15	1280
8	3800		

با روشهای مختلف دبی پایه را جدا و هیدروگراف جریان مستقیم را بدست آورید.

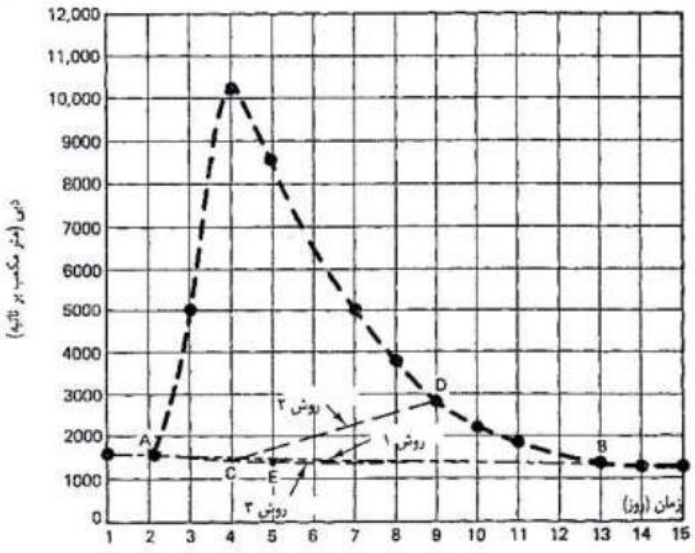
تجزیه هیدروگراف

$$N = 0.83(A)^{0.2}$$

$$N = 0.83(6500)^{0.2} \approx 5 \text{ days}$$

جدول ۱۳-۶ مجزا کردن دبی پایه با روشهای مختلف

زمان (روز)	رواناب، متر مکعب در ثانیه		
	روش ۱	روش ۲	روش ۳
1	0	0	0
2	0	0	0
3	3480	3520	3500
4	9800	9900	9850
5	7150	6900	7200
6	5050	4550	5100
7	3550	2700	3600
8	2400	1250	2400
9	1420	0	1420
10	820	0	820
11	470	0	470
12	250	0	250
13	0	0	0



تهیه هیدروگراف واحد واقعی

6696000 m3

478 km2

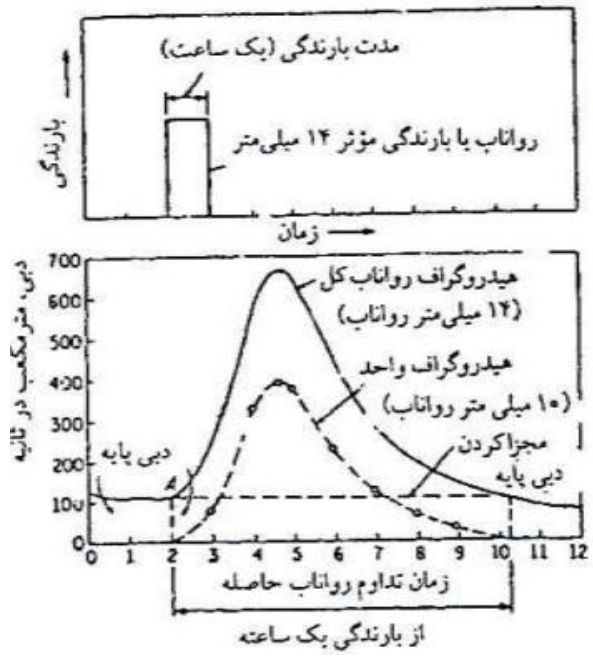
مدت بارندگی 1 ساعت

دبی کل رودخانه طی 12 ساعت

$$\frac{6696000}{478000000} = 0.014\ m$$

جدول ۱۵-۱ تعیین ابعاد هیدروگراف واحد

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
زمان hr	دبی رودخانه m^3/sec	دبی‌پایه m^3/sec	رواناب مستقیم (2)-(3) m^3/sec	دبی هیدروگراف واحد (4):1.4 m^3/sec	زمان از شروع هیدروگراف واحد
1	110	110	0	0	
2	122	122	0	0	0
3	230	120	110	78.7	1
4	578	118	460	328	2
5	645	115	530	379	3
6	434	114	320	229	4
7	293	113	180	129	5
8	202	112	90	64.2	6
9	160	110	50	35.7	7
10	117	105	12	8.6	8
11	90	90	0	0	9
12	80	80	0		



تهیه هیدروگراف واحد واقعی

● مثال ۱۵-۳

بارانی به مدت دو ساعت روی حوضه‌ای که مساحت آن ۵۰ کیلومترمربع است صورت گرفته ارتفاع بارش در این مدت ۱۲۸ میلی‌متر بوده است. دبی سیل ناشی از این بارندگی نیز اندازه‌گیری شده و مقادیر آن به شرح جدول زیر می‌باشد، هیدروگراف واحد ۲ ساعته این حوضه را بدست آورید. با فرض این که دبی پایه صفر باشد ضریب رواناب چقدر است.

t (hr)	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
Q (m^3/sec)	0	5	12.9	34.9	48.1	42.3	31.5	20.8	13.3	8.3	4.8	3	0

جدول ۱۵-۴ استخراج هیدروگراف واحد ۲ ساعته

1	2	3	4	5
زمان ساعت	دبی m^3/sec	متوسط دبی در دوره زمانی m^3/sec	حجم آب در هر دوره زمانی m^3/sec	ابعاد هیدروگراف واحد (m^3/sec)
0	0			0
		2.5	45,000	
5	5			0.6
		8.95	161,100	
10	12.9			1.6
		26.15	470,700	
15	39.4			4.8
		43.75	787,500	
20	48.1			5.8
		45.20	813,600	
25	42.3			5.1
		36.90	664,200	
30	31.5			3.8
		26.15	470,700	
35	20.8			2.5
		17.05	306,900	
40	13.3			1.6
		10.80	194,400	
45	8.3			1.0
		6.55	117,900	
50	4.8			0.6
		3.90	70,200	
55	3			0.4
		1.50	27,000	
60	0			0
			Σ = 4,129,200	

$$\text{ارتفاع رواناب} = \frac{\text{حجم رواناب}}{\text{سطح حوضه}} \times 1000 = \frac{4129200 \times 1000}{50 \times 10^6} = 82.5 \text{ mm}$$

هیدروگراف واحد استاندارد اشنایدر

وسعت یک حوضه آبریز ۵۰۰ کیلومترمربع، طول آبراهه اصلی آن ۲۵ کیلومتر و فاصله مرکز ثقل حوضه تا نقطه خروجی آن ۱۰ کیلومتر می‌باشد با فرض $C_t = 1.6$ و $C_p = 0.16$ هیدروگراف واحد مصنوعی ۴ ساعته این حوضه را به روش اشنایدر طوری بدست آورید که سطح زیرمنحنی برابر یک میلی‌متر رواناب باشد.

حل

(۱)- زمان تأخیر حوضه (t_l) را محاسبه می‌کنیم.

$$t_R = 4 \text{ hr}$$

$$t_l = C_t(L.L_{ca})^{0.3}$$

$$t_l = 1.6(25 \times 10)^{0.3}$$

$$t_l = 8.38 \text{ hr}$$

(۲)- دبی‌پیک به ازاء زمان تأخیر ۸/۳۸ ساعت محاسبه می‌شود.

$$Q_p = (C_p)\frac{A}{t_l}$$

$$Q_p = 0.16\frac{500}{8.38}$$

$$Q_p = 9.55 \text{ m}^3/\text{sec}$$

$$q_p = 0.278\, C_p \frac{A}{T_P}$$

$$C_P = 0.15 \text{ to } 0.19$$

$$Q_p = \frac{2.78\, C_p A}{t_p}$$

$$C_P = 0.56 \text{ to } 0.69$$

$$W_{50} = \frac{5.87\,(A)^{1.08}}{(Q_p)^{1.08}}$$

$$W_{75} = \frac{3.354\,(A)^{1.08}}{(Q_p)^{1.08}}$$

(۳)- زمان پایه هیدروگراف از فرمول ۱۵-۱۷ محاسبه می‌شود.

$$t_b = 24\left(3 + \frac{t_l}{8}\right)$$

$$t_b = 24\left(3 + \frac{8.38}{8}\right) = 97 \text{ hr}$$

(۴)- زمان استاندارد تداوم بارندگی (t_D) از معادله ۱۵-۱۳ محاسبه می‌شود.

$$t_D = \frac{t_l}{5.5}$$

$$t_D = \frac{8.38}{5.5} = 1.5 \text{ hr}$$

$$t_{lR} = t_l + 0.25(t_R - t_D)$$

$$t_{lR} = 8.38 + 0.25(4 - 1.5) = 9 \text{ hr}$$

$$Q_{PR} = Q_p\left(\frac{t_l}{t_{lR}}\right)$$

$$Q_{PR} = 9.55\left(\frac{8.38}{9}\right) = 8.89 \text{ m}^3/\text{sec}$$

(۷) زمان رسیدن به دبی پیک (t_p) از معادله ۱۵-۱۸ بدست می‌آید که در آن بجای t_D باید t_R و بجای t_i مقدار t_{IR} را قرار داد.

$$t_p = \frac{t_R}{2} + t_{IR}$$

$$t_p = \frac{4}{2} + 9 = 11 \text{ hr}$$

(۸) تعیین عرض هیدروگراف در نقطه‌ای که دبی آن ۵۰ درصد دبی پیک است .

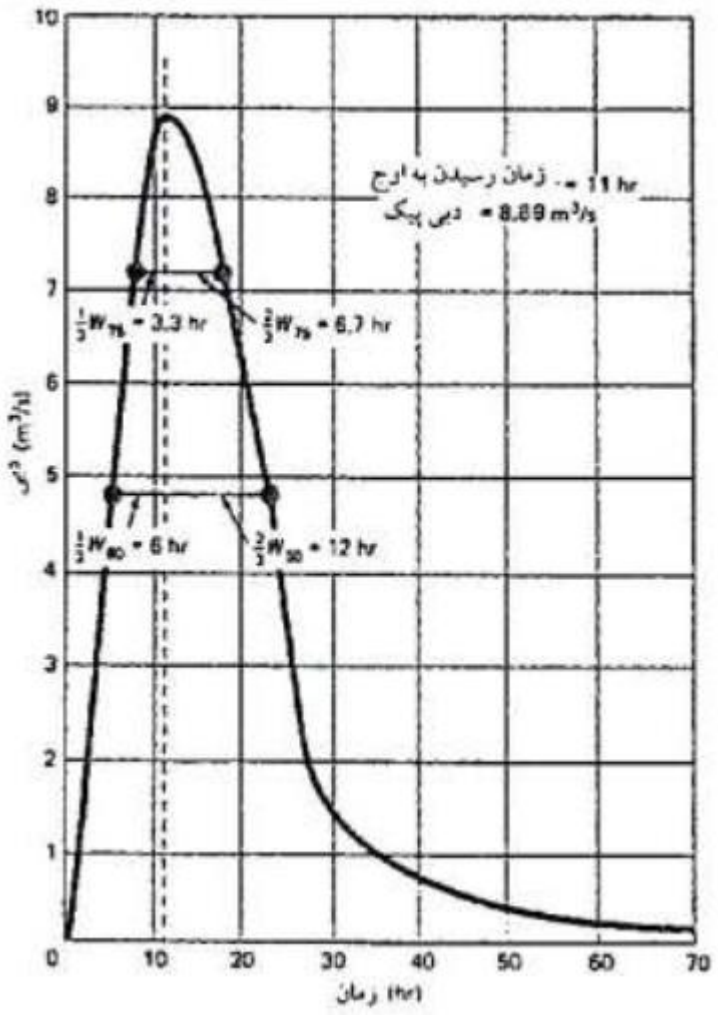
$$W_{50} = 0.23 \frac{A^{1.08}}{Q_{PR}^{1.08}}$$

$$W_{50} = 0.23\left(\frac{500}{8.89}\right)^{1.08} = 18 \text{ hr}$$

(۹) تعیین عرض هیدروگراف واحد در نقطه‌ای که دبی آن ۷۵ درصد دبی پیک می‌باشد

$$W_{75} = 0.13 \frac{A^{1.08}}{(Q_{PR})^{1.08}}$$

$$W_{75} = 0.13\left(\frac{500}{8.89}\right)^{1.08} = 10 \text{ hr}$$



هیدروگراف واحد بی بعد scs

برای وضعیتی که در مثال ۱۵-۷ آورده شده است هیدروگراف واحد ۴ ساعته حوضه (t = 4hr) را به روش SCS بدست آورید.

حل

زمان تأخیر حوضه براساس معادله ۱۵-۱۱ که در مثال قبل بدست آمد ۸/۳۸ ساعت است

$t_l = 8.38$ hr

$D = 4$ hr

$$t_p = \frac{D}{2} + t_l$$

$$t_p = \frac{4}{2} + 8.38 = 10.38 \# 10.5 \text{ hr}$$

$$Q_p = \frac{0.208\ A}{t_p} = \frac{0.208(500)}{10.5} = 9.90\ m^3/sec$$

$$t_l = C_t(L.L_{ca})^{0.3}$$

$$t_l = 1.6(25 \times 10)^{0.3}$$

$$t_l = 8.38 \text{ hr}$$

$$t_l = \frac{L^{0.8}(S+1)^{0.7}}{(1900)y^{0.5}}$$

$$t_l = t_c / 1.66$$

جدول ۱۵-۱۱ استخراج هیدروگراف واحد ۴ ساعته به روش SCS

t/t_p	t(hr)	Q/Q_p(از جدول)	$Q(m^3/s)$
(1)	(2)	(3)	(4)
0	0	0	0
0.2	2.1	0.075	0.74
0.5	5.25	0.43	4.26
0.8	8.4	0.89	8.81
1.0	10.5	1.00	9.90
1.5	15.75	0.66	6.54
2.0	21.0	0.32	3.17
3.0	31.5	0.075	0.74
4.0	42.0	0.018	0.18
5.0	52.5	0.004	0.04

● مثال ۱۵-۱۳

برای یک بارش ۳۰ دقیقه‌ای در حوضه‌ای به مساحت ۱۲/۵ کیلومتر مربع که زمان تمرکز آن ۲/۵ ساعت است. هیدروگراف واحد را به روش SCS بدست آورید.

حل

$D = 30 \text{ min} = 0.5 \text{ hr}$

$t_c = 2.5 \text{ hr}$

زمان رسیدن به دبی پیک $= t_p = \frac{D}{2} + t_l$

زمان تاخیر $= t_l = t_c / 1.66 = \frac{2.5}{1.66} = 1.5 \text{ hr}$

$t_p = \frac{0.5}{2} + 1.5 = 1.75$

$Q_p = \frac{2.08}{t_p} = \frac{2.08\ (12.5)}{1.75} = 14.85 \text{ Cumec}$

جدول ۱۵-۱۲ ابعاد هیدروگراف واحد

t/t_p	Q/Q_p	t (ستون ۱) × 1.75	Q (ستون ۲) × 14.85
(1)	(2)	(3)	(4)
0	0	0	0
0.1	0.015	0.175	0.222
0.2	0.075	0.350	1.113
0.3	0.16	0.525	2.376
0.4	0.28	0.7	4.158
0.5	0.43	0.875	6.682
0.6	0.60	1.05	8.916
0.7	0.77	1.225	11.434
0.8	0.89	1.40	13.216
0.9	0.97	1.575	14.404
1.0	1.0	1.750	14.85
1.1	0.98	1.925	14.553
1.2	0.92	2.10	13.662
1.3	0.84	2.275	12.474
1.4	0.75	2.45	11.137
1.5	0.66	2.625	9.801
1.6	0.56	2.80	8.316
1.8	0.42	3.15	6.237
2.0	0.32	3.5	4.752
3.0	0.075	5.25	1.113
4.0	0.018	7.0	0.267
5.0	0.004	8.75	0.059
∞	0	∞	0

● مثال ۱۵-۱۴

در حوضه‌ای که مساحت آن ۶ میل مربع است زمان تمرکز برابر ۱ ساعت تخمین زده شده است. هیدروگراف واحد مثلثی این حوضه را برای یک بارش $\frac{۳}{۴}$ ساعته بدست آورید.

حل

$$Q_{pk} = \frac{484\ AR}{0.5\ t + 0.6\ t_c}$$

$t = 3/4\ hr = 0.75\ hr$

$t_c = 1\ hr$

هیدروگراف واحد مثلثی برای یک اینچ رواناب

$A = 6\ mile^2$

$R = 1\ inch$

$$Q_{pk} = \frac{484\ (6)\ (1.0)}{0.5(0.75) + 0.6\ (1.0)} = 2978\ cfs$$

از معادله ۱۵-۳۱ خواهیم داشت:

$T_1 = 0.5t + 0.6t_c$

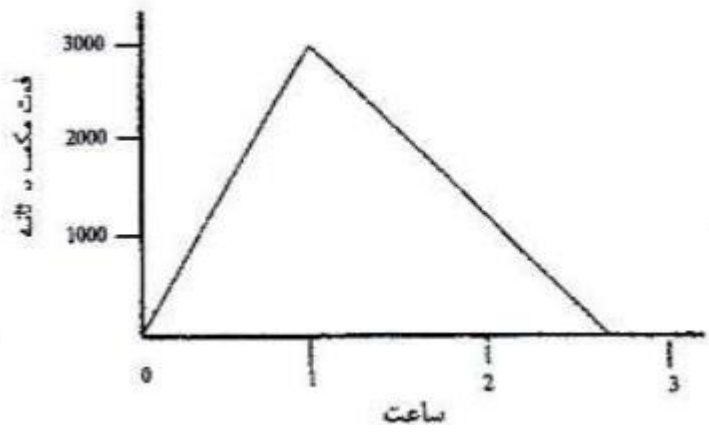
$T_1 = 0.5\ (0.75) + 0.6\ (1)$

$T_1 = 0.975\ hr$

از معادله ۱۵-۳۹ زمان پایه برابر است با:

$T_b = 1.34t + 1.6\ t_c$

$T_b = 1.34\ (0.75) + 1.6\ (1.0) = 2.6\ hr$



● مثال ۱۵-۱

هیدروگراف واحد یک ساعته حوضه‌ای مطابق ارقام ستون ۵ جدول ۱۵-۱ می‌باشد. چنانچه باران یک ساعته طرح ۴۲ میلی‌متر و ضریب رواناب حوضه ۰/۴۵ باشد هیدروگراف یک ساعته طرح در این حوضه را بدست آورید

حل

بارندگی = 42 mm

ضریب رواناب = 0.45

رواناب مستقیم = (42) × (0.45) = 18.9 mm

ضریب تبدیل هیدروگراف واحد به هیدروگراف طرح = $\frac{18.9}{10} = 1.89$

کاربرد هیدروگراف واحد

جدول ۱۵-۱ تعیین ابعاد هیدروگراف واحد

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
زمان hr	دبی رودخانه m^3/sec	دبی پایه m^3/sec	رواناب مستقیم (2)-(3) m^3/sec	دبی هیدروگراف واحد (4):1.4 m^3/sec	زمان از شروع هیدروگراف واحد
1	110	110	0	0	
2	122	122	0	0	0
3	230	120	110	78.7	1
4	578	118	460	328	2
			530	379	3
			320	229	4
			180	129	5
			90	64.2	6
			50	35.7	7
			12	8.6	8
			0	0	9
			0		

جدول ۱۵-۲ تهیه هیدروگراف طرح از هیدروگراف واحد

(1)	(2)	(3) = (2) × 1.89
زمان hr	دبی هیدروگراف واحد m^3/sec	دبی هیدروگراف طرح m^3/sec
0	0	0
1	78.7	148.6
2	328	619.92
3	379	716.31
4	229	432.81
5	129	243.81
6	64.2	121.33
7	35.7	67.47
8	8.6	16.25
9	0	0

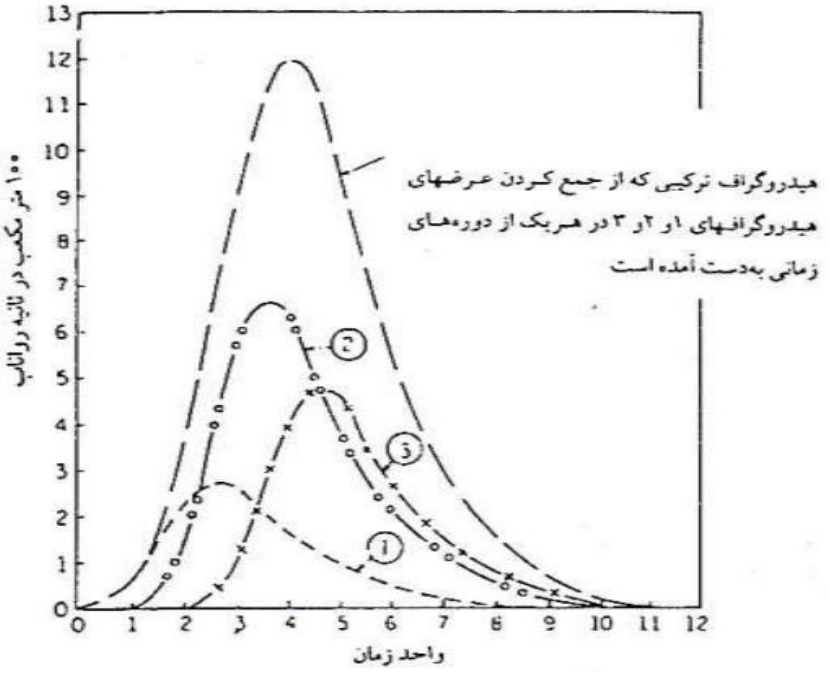
کاربرد هیدروگراف واحد

● **مثال ۱۵-۲**

در جدول ۱۵-۱ هیدروگراف واحد یک ساعته برای حوضه‌ای استخراج شده است (ارقام ستون ۵). چنانچه سه رگبار متوالی که تداوم هر کدام یک ساعت ولی مقادیر رواناب آنها به ترتیب ۰/۷، ۱/۷ و ۱/۲ سانتی‌متر باشد در حوضه اتفاق افتد هیدروگراف کلّی حاصله از این سه بارندگی را بدست آورید.

جدول ۱۵-۳ کاربرد هیدروگراف واحد

				عرض نقاط هیدروگراف برای بارانهای ۱ و ۲ و ۳ و مجموع			
(۱)	(۲)	(۳)	(۴)	(۵)	(۶)	(۷)	(۸)
زمان	ابعاد هیدروگراف واحد	شماره رگبار	رواناب مازاد	باران ۱	باران ۲	باران ۳	مجموع
0	0			0			0
1	78.7	1	0.7	55	0		55
2	328	2	1.7	229	133.8	0	362.8
3	379	3	1.2	265	557.6	94.4	917.0
4	229			160	644	393.6	1197.6
5	129			90.5	389.3	454.8	934.6
6	64.2			44.9	219.3	274.8	539.0
7	35.7			24.8	109.1	154.8	288.7
8	8.6			6	60.7	77	143.7
9	0			0	14.6	42.8	57.4
					0	10.3	10.3



مثال ۱۵-۵

باران یک ساعته‌ای که رواناب مازاد (مؤثر) آن (رواناب مستقیم) ۱/۴ سانتی‌متر است روی حوضه‌ای باریده است. دبی‌سیل در ساعات مختلف اندازه‌گیری شده است که مقادیر مشاهده شدهٔ آن در جدول ۱۵-۶ (ستون ۲) ذکر گردیده است با توجه به دبی پایهٔ رودخانه (ارقام ستون ۳) می‌خواهیم هیدروگراف واحد دو ساعتهٔ این حوضه را رسم کنیم.

جدول ۱۵-۶ طریقهٔ استخراج هیدروگراف واحد دو ساعته از هیدروگراف یک ساعته

1	2	3	4	5	6	7	8
زمان ساعت	رواناب کل مترمکعب در ثانیه	دبی‌پایه مترمکعب در ثانیه	رواناب مستقیم یامؤثر،مترمکعب درثانیه	عرض هیدروگراف واحد (۴) :۱/۴	هیدروگراف واحد بایک ساعت تأخیر	جمع ستونهای ۵ و ۶ (۵) + (۶)	عرض هیدروگراف واحد دو ساعته ۲: (۷)
1	110	110	0	0		0	0
2	122	122	0	0	0	0	0
3	230	120	110	78.7	0	78.7	39.3
4	578	118	460	328	78.7	406.7	203.3
5	645	115	530	379	328	707	353.5
6	434	114	320	229	379	608	304
7	293	113	180	129	229	358	179
8	202	112	90	64.2	129	193.2	96.6
9	160	110	50	35.7	64.2	99.9	49.9
10	117	105	12	8.6	35.7	44.3	22.1
11	90	90	0	0	8.6	8.6	4.3
12	80	80	0	0	0	0	0
					0	0	0

استخراج هیدروگراف واحد با مدت بارش بیشتر از روی هیدروگراف واحد با مدت بارش کمتر

استخراج هیدروگراف واحد با مدت بارش بیشتر از روی هیدروگراف واحد با مدت بارش کمتر

هیدروگراف واحد ۲ ساعته برای حوضه‌ای به شرح زیر در اختیار است هیدروگراف واحد ۶ ساعته این حوضه را به روش منحنی S بدست آورید.

زمان (hr)	0	1	2	3	4	5	6
Q (m^3/sec)	0	1.42	8.50	11.30	5.66	1.45	0

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
زمان (hr)	Q m^3/sec	UH×1 با ۲ ساعت تأخیر	UH × 1 با ۲ ساعت تأخیر	هیدروگراف مجموع	هیدروگراف مجموع با ۶ ساعت تأخیر	هیدروگراف ۶ ساعته	هیدروگراف واحد ۶ ساعته
0	0			0		0	0
1	1.42			1.42		1.42	0.47
2	8.50	0		8.50		8.50	2.83
3	11.30	1.42		12.72		12.72	4.24
4	5.66	8.50	0	14.16		14.16	4.72
5	1.45	11.30	1.42	14.17		14.17	4.72
6	0	5.66	8.50	14.16	0	14.16	4.72
7		1.45	11.3	14.16	1.42	11.3	3.77
8		0	5.66	14.16	8.50	5.66	1.89
9			1.45	14.16	12.72	1.45	0.48
10			0	14.16	14.16	0	0
11					14.17	0	0
12					14.16		
13					14.16		
14					14.16		
15					14.16		
16					14.16		

ستون ۶: هیدروگراف مجموع که از جمع تعداد زیادی هیدروگراف با ۲ ساعت تأخیر بدست آمده است.

ستون ۷: هیدروگراف مجموع با ۶ ساعت تأخیر

معادلات نفوذ

$$f = K(H_o + S_w + L)/L$$

$$f = \frac{A}{F} + B$$

$$f = f_c + (f_o - f_c)e^{-kt}$$

$$t = \frac{-1}{k \log e} \log(f - f_c) + \frac{1}{k \log e} \log(f_o - f_c)$$

$$i = at^b + 0.6985$$

● مثال ۸-۲

در یک حوضه آبریز برای تعیین اجزاء معادله گرین ـ آمپت آزمایش نفوذ انجام گرفته و نتایج زیر بدست آمده است.

نفوذ تجمعی (سانتی‌متر)	سرعت نفوذ (سانتی‌متر در ساعت)	زمان (ساعت)
۰	۲	۰
۰/۸۵	۱/۴۱	۰/۵
۱/۴۷	۱/۰۹	۱
۲/۳۶	۰/۶۹	۲
۳/۵۸	۰/۵۳	۴

ضرایب A و B را در این معادله بدست آورده و مقدار نفوذ تجمعی و سرعت نفوذ را پس از ۶ ساعت بارندگی محاسبه کنید.

حل

مختصات دو نقطه از جدول فوق راگرفته و در معادله ۸-۵ قرار می‌دهیم.

نقطه اول در زمان ۰/۵ ساعت (f = 1.41, F = 0.85)

نقطه دوم در زمان ۴ ساعت (f = 0.53, F = 3.58)

بنابراین با دو معادله و دو مجهول که از فرمول ۸-۵ بدست می‌آید A و B را بدست می‌آوریم

$$1.41 = \frac{A}{0.85} + B$$

$$0.53 = \frac{A}{3.58} + B$$

که از حل آن دو مقادیر A و B بدست می‌آید.

$A = 0.98\ cm^2/hr$

$B = 0.26\ cm/hr$

لذا معادله گرین ـ آمپت برای این حوضه بصورت زیر خواهد بود.

$$f = \frac{0.98}{F} + 0.26$$

● مثال ۸-۳

در یک آزمایش نفوذپذیری خاک مقادیر سرعت نفوذ آب در طی ۲ ساعت آزمایش به صورت زیر بوده است.

سرعت نفوذ (f) mm/hr	زمان شروع آزمایش (دقیقه)
۱۰۴	۰
۵۶	۱۵
۳۲	۳۰
۲۱	۴۵
۱۵	۶۰
۱۲	۷۵
۱۱	۹۰
۱۰	۱۰۵
۱۰	۱۲۰

معادلهٔ سرعت نفوذ را به دست آورید.

حل

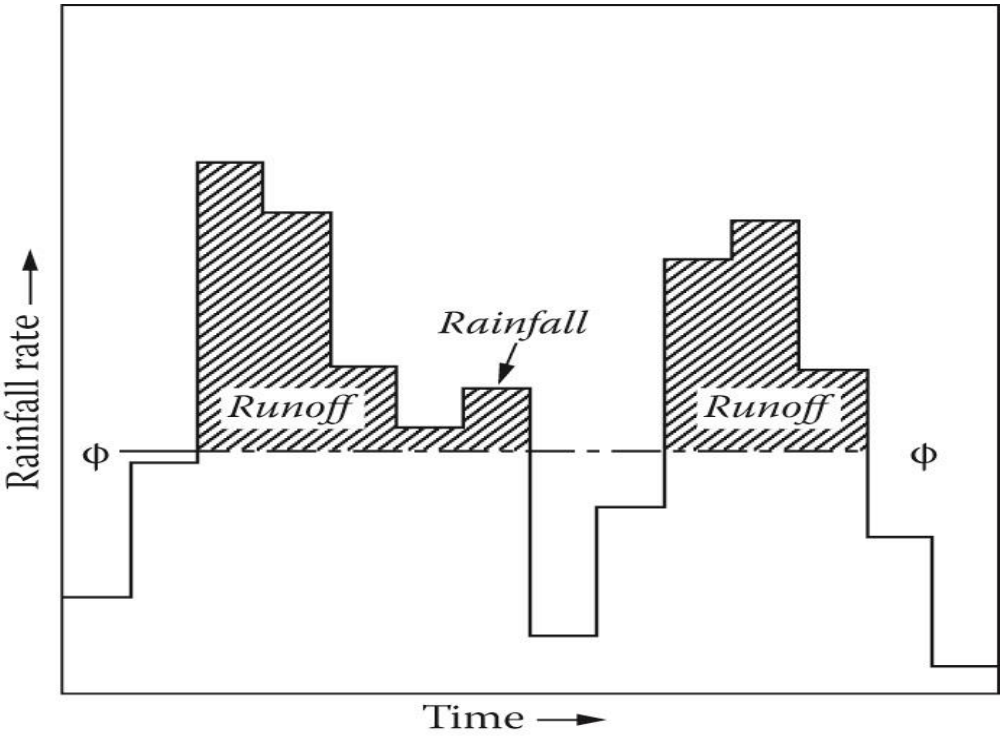
ملاحظه می‌شود که سرعت اولیهٔ نفوذ $f_0 = 104$ mm/hr و سرعت نهایی نفوذ در حد $f_c = 10$ mm/hr ثابت شده است. حال به تشکیل جدول زیر می‌پردازیم.

t(min)	۰	۱۵	۳۰	۴۵	۶۰	۷۵	۹۰	۱۰۵	۱۲۰
f(mm/hr)	۱۰۴	۵۶	۳۲	۲۱	۱۵	۱۲	۱۱	۱۰	۱۰
$f - f_c$	۹۴	۴۶	۲۲	۱۱	۵	۲	۱	۰	۰
$\log (f - f_c)$	۱/۹۷	۱/۶۶	۱/۳۴	۱/۰۴	۰/۶۹	۰/۳۰	۰	-	-

اگر در یک دستگاه محور مختصات t را در ستون عمودی و $\log(f - f_c)$ را در محور افقی قرار دهیم شکل ۸-۷ حاصل می‌شود. شیب این خط برابر است با:

$$m = -\frac{1}{k(0.434)} = -0.76 \quad \Rightarrow \quad -\frac{1}{k(0.434)} = -0.76 \quad \Rightarrow \quad k = 3.03$$

نمایه های نفوذ



$$\Phi - index = \frac{P_e - Q}{T_e}$$

$$\mathrm{w} - index = \frac{P_e - Q - S}{T_e}$$

● مثال ۸-۷

در یک حوضه آبریز به وسعت ۵۰۰ هکتار بارانی بمدت ۱۵۰ دقیقه رخ داده است. شدت‌های بارندگی در دوره‌های ۳۰ دقیقه‌ای به ترتیب ۴/۵، ۳، ۲، ۳/۵ و ۲ سانتی‌متر در ساعت بوده است. حجم رواناب حاصله از این بارندگی ۱۶۹۰۰۰ متر مکعب بوده است. نمایه Φ را برای این حوضه بدست آورید.

حل

الف - مقدار بارندگی در طول دوره بارش را بدست می‌آوریم

$$\text{مقدار بارندگی} = (4.5+3+2+3.5+2)\left(\frac{30}{60}\right)$$

$$\text{مقدار بارندگی} = 7.5 \text{ cm}$$

مقدار رواناب بر حسب سانتیمتر

$$\frac{169000}{500{,}000} = 0.338\ m = 3.38\ cm$$

نمایه فی:

$$7.5 - 3.38 = \frac{4.12\ cm}{150\ min} . \frac{60\ min}{1\ h} = 1.64$$

● مثال ۸-۸

با استفاده از نمایه Φ که در مثال قبل محاسبه شد رواناب حاصله از بارندگی ۷۰ دقیقه‌ای زیر را بدست آورید.

زمان (دقیقه)	شدت بارندگی (سانتی‌متر در ساعت)	شدت رواناب (سانتی‌متر در ساعت)
0 - 10	0.5	0.5 - 1.64 = 0
10 - 20	2.0	2.0 - 1.64 = 0.36
20 - 30	6.5	6.5 - 1.64 = 4.86
30 - 40	5.0	5.0 - 1.64 = 3.36
40 - 50	0.9	0.9 - 1.64 = 0.26
50 - 60	2.0	2.0 - 1.64 = 0.36
60 - 70	3.0	3.0 - 1.64 = 1.36

حل

الف - شدت‌های رواناب را محاسبه می‌کنیم:

شدت رواناب = شدت بارندگی - Φ_{index}

در این صورت شدت‌های رواناب برابر خواهد بود با:

$$\text{ارتفاع رواناب} = (0.36)\left(\frac{10}{60}\right) + (4.86)\left(\frac{10}{60}\right) + (3.36)\left(\frac{10}{60}\right) + (0.36)\left(\frac{10}{60}\right) + (1.36)\left(\frac{10}{60}\right)$$

$$= (10.3)\left(\frac{10}{60}\right) = 1.71 \text{ cm}$$

● مثال ۸-۱۰

نمایه Φ را برای بارانی با مشخصه زیر بدست آورید

زمان بارش (hr)	15	18	21	24	03	06
بارندگی (cm)		1.2	1.5	0.9	2.2	0.2

وسعت حوضه = ۴۳۰ کیلومتر مربع

حجم رواناب = ۱۰/۷۵ میلیون مترمکعب

6 cm

$6 - 2.5 = 3.5$

$$\Phi = \frac{3.5}{15} = 0.23 \frac{cm}{h}$$

حل

ابتدا عمق رواناب را محاسبه می‌کنیم.

$$\text{عمق رواناب} = \frac{(10.75 \times 10^6 \times 100)}{(430 \times 10^6)} = 2.5 \text{ cm} = 25 \text{ mm}$$

$5.8 - 2.5 = 3.3$

$\frac{3.3}{12} = 0.275$

سپس جدول زیر را تشکیل می‌دهیم.

دوره زمانی	عمق بارندگی (mm)	شدت بارندگی (mm/h)	بارش اضافی با فرض $\Phi = 2.8$ mm/h [(ستون ۳منهای ۲/۸ ضربدر ۳)]	بارش اضافی با فرض $\Phi = 2.75$ mm/h [(ستون ۳منهای ۲/۷۵ ضربدر ۳)]
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
15-18	12	4	3.6	3.75
18.21	15	5	6.6	6.75
21-24	9	3	0.6	0.75
0-3	22	7.33	13.6	13.75
3-6	2	0.67	-	
			24.4	25

بطوریکه ملاحظه می‌شود اگر $\Phi = 2.75$ باشد مقدار رواناب محاسبه شده با اندازه‌گیری شده برابر خواهد بود. لذا $\Phi = 2.75 \frac{mm}{hr}$ می‌باشد.

● مثال ۸-۱۱

بارانی به مدت ۸ ساعت و به میزان ۲۰ سانتی‌متر روی حوضه‌ای ریزش نموده و مقدار رواناب اندازه‌گیری شده در این حوضه ۱۱/۶ سانتی‌متر بوده است. با توجه به مقدار بارندگی در ساعات مختلف که به شرح زیر می‌باشد نمایه Φ را محاسبه کنید

زمان (ساعت)	1	2	3	4	5	6	7	8
مقدار بارندگی در هر ساعت (سانتی‌متر)	0.8	1.8	3.0	4.6	3.6	3.2	2.0	1.0

حل

$$\frac{20-11.6}{8}=1.05$$

مقدار نفوذ آب در خاک برابر است با

$$\frac{18.2-11.6}{6}=1.1$$

20 - 11.6 = 8.4 cm

حل مسأله بر این اساس استوار است که دوره بارندگی مؤثر را بصورت آزمون و خطا بدست آوریم. در ابتدا فرض می‌کنیم که تمام این ۸ ساعت در رواناب موثر بوده‌اند در این صورت نمایه - Φ برابر خواهد بود:

Φ-index = (8.4)/(8) = 1.05 cm/h

چنانچه نمایه Φ را برابر ۱/۰۵ در نظر بگیریم مقدار محاسبه شده رواناب برابر خواهد بود با:

زمان (ساعت)	بارندگی (cm)	نمایه - Φ	رواناب (cm)
1	0.8	1.05	0
2	1.8	1.05	0.75
3	3.0	1.05	1.95
4	4.6	1.05	3.55
5	3.6	1.05	2.55
6	3.2	1.05	2.15
7	2.0	1.05	0.95
8	1.0	1.05	0
جمع	20		11.9

● مثال ۸-۱۵

در طی یک بارندگی ۶ ساعته شدت بارش به شرح زیر بود است.

زمان (h)	0	1	2	3	4	5	6
شدت (cm/h)		0.5	1.5	1.2	0.3	1	0.5

5 cm

مقدار رواناب ناشی از این بارندگی در حوضه ۲ سانتی‌متر تخمین زده می‌شود نمایه Φ چقدر است؟

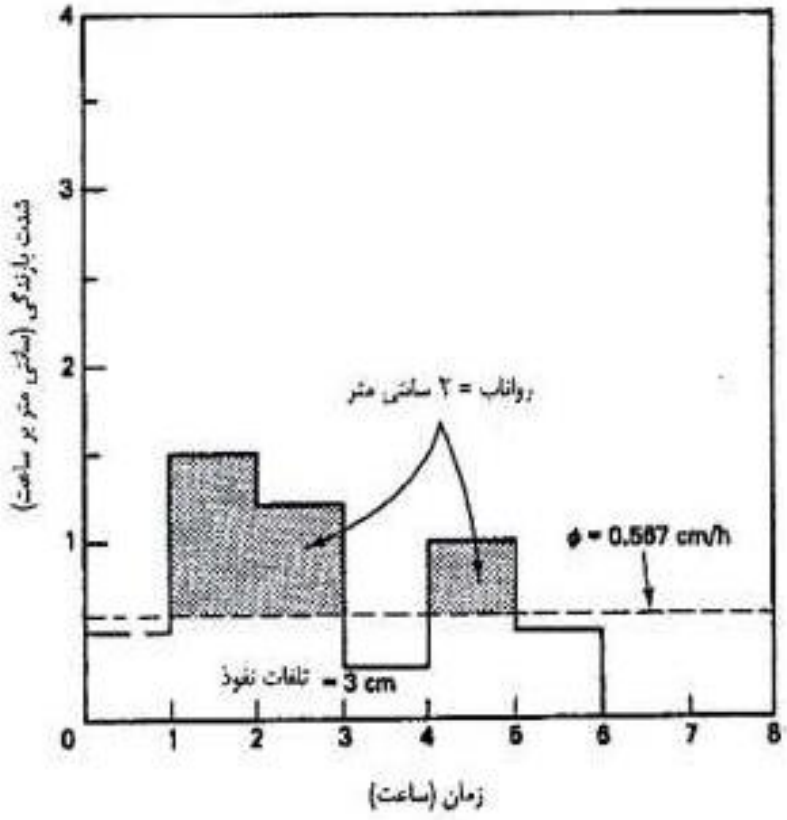
3.7-2 = 1.7 1.7/3 = 0.567

حل

چنانچه هیستوگرام بارندگی را رسم کنیم مشاهده می شود که ارتفاع کل بارندگی ۵ سانتی‌متر و رواناب ۲ سانتی‌متر است لذا تلفات ناشی از نفوذ ۳ سانتی‌متر می‌باشد. با آزمون و خطا مقدار نمایه Φ قابل محاسبه است. اگر فرض کنیم نمایه Φ بین ۰/۵ تا ۱ سانتی‌متر در ساعت است معادله توازن بارش عبارت خواهد بود از:

$$(1.5 - \Phi) \times 1 + (1.2 - \Phi) \times 1 + (1.0 - \Phi) \times = 2 \text{ cm}$$

از این معادله $\Phi = 0.567$ cm/h بدست می‌آید. حال می‌توان بررسی کرد که آیا $\Phi = 0.567$ نمایه صحیحی است یا خیر در غیر این صورت عدد آبگیری را بر Φ در نظر می‌گیریم تا سرانجام مقدار رواناب که در شکل بالای خط Φ قرار می‌گیرد برابر ۲ سانتی‌متر باشد.



● مثال ۸-۱۲

در یک حوضه آبریز که مساحت آن ۲۵ کیلومتر مربع است دو باران ۴ ساعته پشت سر هم اتفاق می‌افتد که مقدار بارش آن‌ها به ترتیب ۳/۵ و ۲/۵ سانتی‌متر است. این دو باران رواناب را ایجاد می‌کنند که طی ۶۶ ساعت اندازه‌گیری دبی سیل حاصله عبارت بوده است از:

زمان از شروع باران (h)	0	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60	66
دبی سیل (m^3/s)	6	12	25	20	18	11	8	6	5	5	4.5	4.5
	1	7	20	15	13	6	3	1				

چنانچه دبی پایه رودخانه قبل از شروع سیل ۵ متر مکعب در ثانیه بوده باشد و در تمام مدت سیل این دبی وجود داشته باشد مقدار رواناب حاصله از این بارش‌ها چقدر بوده است و نمایه نفوذ Φ در این حوضه چقدر است.

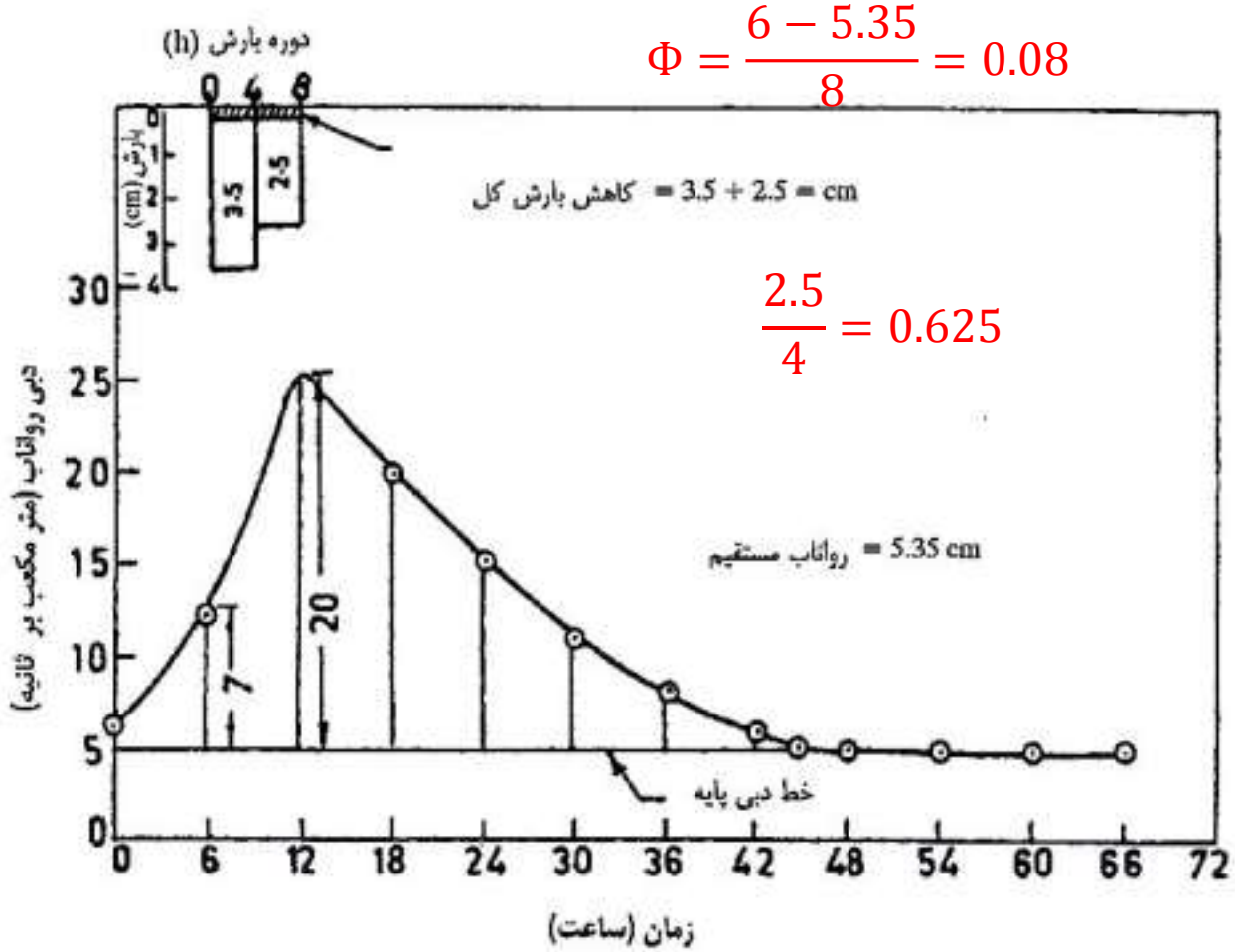
1+7/2 = 4 m3/s * 6 * 60 * 60 = 86400 m3

= 1.339 * 10^6 m3 ⇒ =5.35 cm

حل:

اگر تغییرات دبی رودخانه را نسبت به زمان رسم کنیم شکلی مشابه زیر خواهد داشت.

$$\Phi = \frac{6 - 5.35}{8} = 0.08$$



$$\frac{2.5}{4} = 0.625$$

● مثال ۸-۱۳

بارانی به مدت ۱۴ ساعت روی حوضه‌ای به مساحت ۲۵ کیلومتر مربع ریزش داشته است مقادیر تجمعی باران اندازه‌گیری شده با دستگاه ثبات بصورت زیر بوده است.

زمان (h)	0	2	4	6	8	10	12	14
بارش تجمعی (cm)	0	1.0	3.0	5.5	7.7	8.0	9.0	10.0

چنانچه نمایه Φ برابر 0.35 cm/h باشد حجم رواناب حاصله از این بارش چقدر است:

شدت بارندگی ← 0.5 - 1 - 1.25 - 1.1 - 0.15 - 0.5 - 0.5

شدت رواناب ← 0.15 - 0.65 - 0.9 - 0.75 - 0 - 0.15 - 0.15

حل

با توجه به مقدار بارش در بازه زمانی $t = 2h$ و نمایه Φ جدول زیر را تشکیل می‌دهیم

بازه زمانی (2h)	بارش تجمعی (cm)	بارش دوبازه زمانی (cm)	تلفات نفوذ ($\Phi \times t$) cm	بارش اضافی (cm)	شدت بارش (cm/h)
0-0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.1
0-2	1.0	1.0	0.7	0.3	0.15
2-4	3.0	2.0	0.7	1.3	0.65
4.6	5.5	2.5	0.7	1.8	0.90
6-8	7.7	2.2	0.7	1.5	0.75
8-10	8.0	0.3	0.7	0.0	0.00
10-12	9.0	1.0	0.7	0.3	0.15
12-14	10.0	1.0	0.7	0.3	0.15

بر اساس این جدول حجم رواناب برابر خواهد بود با

$$\text{حجم رواناب} = 2(0 + 0.15 + 0.65 + 0.9 + 0.75 + 0.0 + 0.15 + 0.15)\ \text{(مساحت حوضه)}$$

$$\text{حجم رواناب} = (5.5\ \text{cm})\ \text{(مساحت حوضه)}$$

$$\text{حجم رواناب} = (0.055\ \text{m})\ (25 \times 10^6)$$

$$\text{حجم رواناب} = 1.375 \times 10^6\ \text{m}^3$$

● مثال ۱۳-۱

مقدار رواناب حاصله از ۲ اینچ بارندگی (۵۰ میلی‌متر) روی سطح یک پارک به‌وسعت ۴ هکتار راکه قسمت اعظم آن پوشیده از چمن می‌باشد حساب کنید. وضعیت خاک این حوضه در گروه هیدرولوژیک B قرار می‌گیرد و خاک به دلیل بارندگی‌های قبل مرطوب است.

نوع پوشش	شماره منحنی برای گروههای هیدرولوژیکی خاک			
نوع پوشش و شرایط هیدرولوژیکی	A	B	C	D
مناطق شهری کاملاً توسعه‌یافته (فضای سبز ایجاد شده‌است.)				
مناطق باز (فضای سبز، پارکها، زمینهای گلف) قبرستانها و غیره				
شرایط بد (پوشش علفی < ۵۰٪)	۶۸	۷۹	۸۶	۸۹
شرایط متوسّط (پوشش علفی ۵۰٪ تا ۷۵٪)	۴۹	۶۹	۷۹	۸۴
شرایط خوب (پوشش علفی > ۷۵٪)	۳۹	۶۱	۷۴	۸۰
سطوح نفوذناپذیر				

$$CN_I = \frac{4.2 \times CN_{II}}{10 - 0.058 \times CN_{II}}$$

$$CN_{(III)} = \frac{23 \times CN_{(II)}}{10 + 0.13 \times CN_{(II)}}$$

CN III = 78

$$S = \frac{1000}{78} - 10 = 2.82$$

$$R = \frac{(2 - 0.2 \times 2.82)^2}{(2 + 0.8 \times 2.82)}$$

$$R = 0.4845 \text{ inch} = 12.3 \text{ mm}$$

$$C = \frac{0.48}{2} = 0.24 \; OR \; 24\%$$

$$Q = \frac{12.3}{1000}(4 \times 10{,}000) = 492 \text{ m}^3$$

$$S = \frac{25400}{CN} - 254$$

● مثال ۱۳-۳

بارانی بمدت ۶ ساعت روی حوضه‌ای که شماره منحنی اراضی آن ۸۰ است رخ داده است. مقادیر بارش در هر ساعت بر اساس اندازه‌گیری‌های باران نگاری مطابق اعداد ستون ۱ و ۲ جدول ۱۳-۲ بوده است. حساب کنید مقادیر بارش مازاد (رواناب) در هر ساعت را.

جدول ۱۳-۲

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
زمان (hr)	ارتفاع رگبار (mm)	ارتفاع بارش تجمعی (mm)	ارتفاع تجمعی بارش مازاد (mm)	ارتفاع بارش مازاد (mm)
0	0	0	0	0
1	15	15	0	0
2	25	40	8.2	8.2
3	20	60	20.2	12
4	10	70	27.2	7
5	8	78	33.1	5.9
6	6	84	37.7	4.6
7	4	88	40.8	3.1
8	2	90	42.4	1.6

حل

الف - ارتفاع تجمعی باران را محاسبه می‌کنیم (ارقام ستون ۳ جدول ۱۳-۲)

ب - ارتفاع بارش مازاد تجمعی را در هر ساعت محاسبه می‌کنیم (ارقام ستون ۴ جدول)

مثلاً برای بارش ۴۰ میلی‌متر در ساعت دوم خواهیم داشت:

$$S = (\frac{1000}{CN} - 10)\ 25.4$$

$$S = (\frac{1000}{80} - 10)\ 25.4 = 63.5$$

$$R = \frac{(P - 0.2\ S)^2}{P + 0.8\ S}$$

$$R = \frac{[40 - 0.2\ (63.5)]^2}{40 + 0.8\ (63.5)} = 8.2^{Y}$$

● مثال ۱۳-۴

در یک حوضه آبریز به مساحت ۶۰ هکتار داده‌های زیر بدست آمده است.

- مقدار بارندگی ۱۰۰ میلی متر
- وضعیت رطوبت خاک قبل از بارندگی خشک می‌باشد
- پوشش زمین با گیاهان ردیفی ۴۰ هکتار با گروه هیدرولوژیکی متوسط (از نوع B در جدول ۱۲-۳)
- پوشش زمین با گیاهان جنگلی ۲۰ هکتار و گروه هیدرولوژیکی متوسط (از نوع B در جدول ۱۲-۳)

روز بعد از بارندگی ۱۰۰ میلی‌متری باران دیگری به میزان ۵۰ میلی‌متر ریزش می‌کند. حساب کنید مقدار رواناب حاصله از حوضه و ضریب رواناب را در روزهای اول و دوم.

حل

با توجه به ارقام جدول ۱۲-۴ مقادیر زیر را برای CN در نظر می‌گیریم.

CN برای پوشش زمین زراعی در شرایط متوسط = ۸۲

CN برای پوشش زمین جنگلی در شرایط متوسط = ۵۵

در صورتی که CN را برای شرایط خاک خشک اصلاح کنیم مقادیر فوق بر اساس ارقام جدول ۱۲-۵ به ترتیب به ۶۵ و ۳۶ اصلاح خواهند شد در این صورت میانگین وزنی CN عبارت است از:

$$CN = \frac{(65 \times 40) + (36 \times 20)}{60} = 55$$

$$S = \frac{25400}{CN} - 254 = 207 \text{ mm}$$

$$R = \frac{(P - 0.2S)^2}{P + 0.8S} = \frac{(100 - 0.2 \times 207)^2}{100 + (0.8 \times 207)} = \frac{3434}{265} = 13 \text{ mm}$$

ضریب رواناب از حاصل بخش ۱۳ بر ۱۰۰ بدست می‌آید که برابر ۱۳ درصد می‌باشد $(C = 0.13)$.

برای روز دوم لازم است CN متوسط به CN مربوط به خاک مرطوب تبدیل شود که با توجه به ارقام جدول ۱۲-۵ مقادیر CN برای اراضی زراعی ۹۳ و برای اراضی جنگلی ۷۴ در نظر گرفته می‌شود و مقدار وزنی آن عبارت خواهد بود از:

$$CN = \frac{(93 \times 40)\ (74 \times 20)}{60} = 86.5$$

$$S = \frac{25400}{86.5} - 254 = 39.64 \text{ mm}$$

برای ۵۰ میلی‌متر بارندگی در روز دوم مقدار رواناب برابر است با:

$$R = \frac{[(50 - (0.2 \times 39.64)]^2}{50 + (0.8 \times 39.64)} = 21.66 \text{ mm}$$

در این وضعیت ضریب رواناب برابر است با:

$$C = 21.66 \div 50 = 0.43$$

● مثال ۱۳-۵

می‌خواهیم آبدهی سالانه را در یک حوضه در منطقه بیرجند که مشخصات فیزیکی آن به شرح زیر است تخمین بزنیم:

- مساحت حوضه $A = 3230\ km^2$
- حداکثر ارتفاع از سطح دریا $H_{max} = 2787\ m$
- حداقل ارتفاع از سطح دریا $H_{min} = 1100\ m$
- متوسط بارش سالانه $P = 166\ mm$
- دمای متوسط سالانه حوضه $T = 12.2\ ^{\circ}C$

روش جاستین

در یک حوضه دیگر بنام حوضه رودخانه سالار واقع در همین منطقه مشخصه‌های فیزیکی و آبدهی سالانه آن به شرح زیر معلوم می‌باشد:

- مساحت حوضه رودخانه سالار $A = 2070\ km^2$
- حداکثر ارتفاع حوضه رودخانه سالار $H_{max} = 2700\ m$
- حداقل ارتفاع حوضه رودخانه سالار $H_{min} = 1230\ m$
- آبدهی سالانه رودخانه سالار بر اساس اندازه‌گیریهای موجود ۴۰ میلیون متر مکعب
- متوسط بارش سالانه در حوضه سالار $P = 250\ mm$
- متوسط دمای سالانه $T = 13.7\ ^{\circ}C$

حل

ابتدا ضریب K را برای حوضه رودخانه سالار با استفاده از فرمول‌های زیر محاسبه می‌کنیم و آن را به رودخانه مورد نظر تعمیم می‌دهیم.

$$S = \frac{H_{max} - H_{min}}{\sqrt{A}} = \frac{2.700 - 1.230}{\sqrt{2070}}$$

$$S = 0.03231$$

$$R = \frac{W}{A} = \frac{40 \times 10^6}{2070 \times 10^6} = 0.0193\ m = 1.93\ cm$$

$$K = \frac{R(1.8\,T + 32)}{S^{0.155}\,P^2} \qquad K = \frac{1.93\,(1.8 \times 13.7 + 32)}{(0.03231)^{0.155}\,(25)^2} = 0.2979$$

$$S = \frac{2.787 - 1.100}{\sqrt{3230}} = 0.0296$$

$$R = \frac{0.2979\,(0.02968)^{0.155}(16.6)^2}{(1.8 \times 12.2 + 32)} = 0.88\ cm$$

$$W = (3230 \times 10^6) \times (0.88 \times 10^{-2}) = 28.42 \times 10^6\ m^3$$

● مثال ۱۳-۶

با اطلاعات مربوط به مثال قبل، آبدهی سالانه حوضه را به روش کتاین بدست آورید.

حل

روش کوتاین

$$\lambda = \frac{1}{0.8 + 0.14\,T}$$

$$\lambda = \frac{1}{0.8 + 0.14 \times 12.2} = 0.398$$

$$D = P - \lambda\, p^2$$

$$D = 0.166 - 0.398\,(0.166)^2 = 0.155\ m = 155\ mm$$

$$R = P - D$$

$$R = 166 - 155 = 11\ mm$$

$$W = R\,(A)$$

$$W = \frac{11}{1000}\,(3230 \times 10^6) = 35500000$$

$$W = 35.5\ mcm(\text{میلیون متر مکعب})$$

● مثال ۱۳-۷

از یک حوضهٔ آبریز که خاک آن از نوع شنی لومی است به عنوان مرتع استفاده می‌شود. بارانی بشدت ۱۵ میلی‌متر در ساعت به مدت ۱/۵ ساعت روی این حوضه می‌بارد. ارتفاع رواناب و دبی آن را محاسبه کنید. شیب اراضی حوضه ۷ درصد است و مساحت حوضه ۲/۵ کیلومترمربع می‌باشد.

حل

با فرض این که زمان تمرکز حوضه ۱/۵ ساعت باشد ابتدا از جدول ۱۳-۱ مقدار ضریب رواناب $C = 0.16$ به دست می‌آید.

ارتفاع رواناب:

$$R = C \cdot P = 0.16(15) \times 1.5 = 3.6 \text{ mm}$$

و حداکثر دبی رواناب برابر است با:

$$Q = \frac{1}{36} C i A$$

$$Q = \frac{1}{36} \times 0.16 \times \frac{15}{10} \times 250 \quad = 1.67 \text{ m}^3/\text{sec}$$

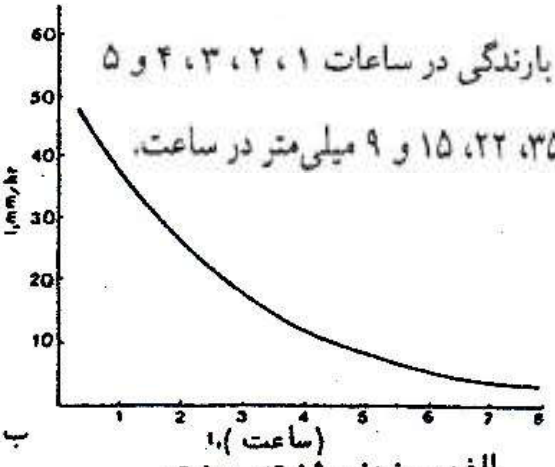
روش ضریب رواناب و روش استدلالی

● مثال ۱۳-۸

زمان تمرکز یک حوضهٔ آبریز ۵ ساعت برآورد شده است. با توجه به منحنی شدت-مدت بارندگی و خطوط هم-پیمایش حوضه که در شکل ۱۳-۳ رسم شده است حداکثر دبی که از این حوضه در اثر بارندگی ۸ ساعته خارج خواهد شد چقدر است (ضریب رواناب را ۰/۶ در نظر بگیرید).

روش مدت‌ـمساحت

ب ـ حوضه آبریز و منحنیهای ایزوکرون



الف ـ منحنی شدت ـ مدت

شدت بارندگی در ساعات ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ ۴۵، ۳۵، ۲۲، ۱۵ و ۹ میلی‌متر در ساعت.

پس از Δt (یک ساعت):

$$Q_1 = 0.278(0.6)(45)(10) = 75 \text{ m}^3/\text{sec}$$

پس از $2\Delta t$ (۲ ساعت):

$$Q_2 = 0.278(0.6)[(35)(10)+(45)(15)] = 170 \text{ m}^3/\text{sec}$$

پس از $3\Delta t$ (۳ ساعت):

$$Q_3 = 0.278(0.6)[(22)(10)+(35)(15)+(45)(12)] = 214 \text{ m}^3/\text{sec}$$

پس از $4\Delta t$ (۴ ساعت):

$$Q_4 = 0.278(0.6)[(15)(10)+(22)(15)+(35)(12)+(45)(20)] = 300 \text{ m}^3/\text{sec}$$

پس از $5\Delta t$ (۵ ساعت):

$$Q_5 = 0.278(0.6)[(9)(10)+(15)(15)+(22)(12)+(35)(20)+(45)(13)] = 310 \text{ m}^3/\text{sec}$$

$$Q_6 = 0.278(0.6)[(7)(10)+(9)(15)+(15)(12)+(22)(20)+(35)(13)] = 213 \text{ m}^3/\text{sec}$$

$$Q_7 = 0.278(0.6)[(6)(10)+(7)(15)+(9)\ (12)+(15)(20)+(22)(13)] = 143 \text{ m}^3/\text{sec}$$

$$Q_8 = 0.278(0.6)[(5)(10)+(6)(15)+(7)(12)+(9)(20)+(15)(13)] = 100 \text{ m}^3/\text{sec}$$

روش کریگر

مثال ۲-۱۱ :

در حوزه‌ای با مساحت ۸۰۰ کیلومتر مربع دبی اوج سیل ۱۷۵۰ مترمکعب بر ثانیه اندازه‌گیری شده است. با استفاده از فرمول کریگر دبی اوج حوزه مجاور آن با مساحت ۱۲۰۰ کیلومتر مربع را بدست آورید.

$$Q = 46\,C\,A^{(0.894\,A^{-0.048})}$$

حل:

با استفاده از جداول ضمیمه ۴ و ۵ ابتدا مساحت و دبی را برحسب مایل مربع و فوت مکعب برثانیه بدست می‌آوریم:

$$A_1 = ۸۰۰\,Km^2 \times ۰/۳۸۶۱ = ۳۰۸/۸۸\ mi^2$$

$$A_2 = ۱۲۰۰\,Km^2 \times ۰/۳۸۶۱ = ۴۶۳/۳۲\ mi^2$$

$$Q_1 = ۱۷۵۰ \times ۳۵/۳۱۵ = ۶۱۸۰۱/۲۵\ \frac{ft^3}{s}$$

$$C = \frac{Q1}{46\,.\,A1^{(0.894\,A1^{-0.048})}}$$

$$C = \frac{Q2}{46\,.\,A2^{(0.894\,A2^{-0.048})}}$$

$$\frac{۶۱۸۰۱/۲۵}{Q_2} = \frac{۳۰۸/۸۸^{(۰/۸۹۴ \times ۳۰۸/۸۸^{-۰/۰۴۸})}}{۴۶۳/۳۲^{(۰/۸۹۴ \times ۴۶۳/۳۲^{-۰/۰۴۸})}}$$

$$\frac{Q1}{46\,.A1^{(0.894\,A1^{-0.048})}} = \frac{Q2}{46\,.A2^{(0.894\,A2^{-0.048})}}$$

$$Q_2 = ۷۵۰۹۷/۴۱\ ft^3/s$$

$$Q_2 = ۷۰۵۹۷/۴۱ \times ۰/۰۲۸۳۱۷ = ۲۱۲۶/۵ \text{ مترمکعب بر ثانیه}$$

روش فولر

مثال ۲-۱۲:

در حوزه‌ای به مساحت ۱۰۰۰۰ هکتار، دبی اوج لحظه‌ای پنجاه ساله را با در نظر گرفتن مقدار C برابر با ۲ و ضریب طغیان منطقه برابر با ۰/۸، بدست آورید.

$$Q_P = Q_{24}\,(1 + 2.66\,A^{-0.3})$$

$$Q_{24} = C\,A^{0.8}\,(1 + \beta \log T)$$

حل:

$$Q_{max} = ۲ \times ۱۰۰^{۰/۸}\,(۱ + ۰/۸ \log ۵۰) = ۱۸۷/۸$$ دبی اوج ۲۴ ساعته به مترمکعب‌برثانیه

$$Q_p = ۱۸۷/۸ \times [۱ + (۲/۶۶ \times ۱۰۰^{-۰/۳})] = ۳۱۳/۲۸$$ دبی‌اوج‌لحظه‌ای‌به‌مترمکعب‌برثانیه

روش کوک

مثال ۲-۱۳ :

در حوزه‌ای به مساحت ۱۰۰ هکتار در منطقهٔ نیمه خشک با بارندگی سالانه ۲۶۰ میلی‌متر که به صورت تپه ماهورهای با شیب ۲۵ درصد است، خاک از نوع رسی بوده و ۵۰ درصد پوشش گیاهی دارد و ذخیرهٔ چالابی آن ناچیز است. دبی اوج ۲۵ سالهٔ آنرا بدست آورید.

حل:

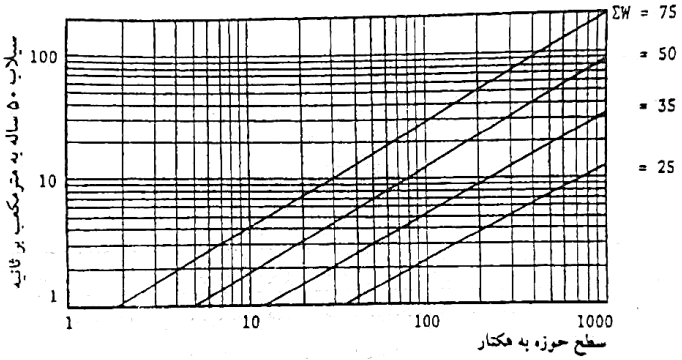
$$\Sigma W = ۳۰ + ۱۵ + ۱۰ + ۲۰ = ۷۵$$

با مراجعه به شکل ۲-۲۳ ، دبی اوج ۵۰ ساله برابر با ۲۸ مترمکعب بر ثانیه بدست می‌آید. ضریب اصلاحی R برابر ۰/۷ در نظر گرفته می‌شود و ضریب F با توجه به جمع مقدار W نفوذپذیری و پوشش گیاهی یعنی ۲۵ و بارش متوسط سالانهٔ منطقه و با استفاده از جدول ۲-۱۵ برابر با ۰/۶ است. در نتیجه، دبی اوج ۲۵ سالهٔ این حوزه برابر خواهد بود با:

$$Q_T = Q_{max۵۰} \times R_T \times F_T$$

$$Q_{۲۵} = ۲۸ \times ۰/۷ \times ۰/۶ = ۱۱/۷۶ \quad \text{مترمکعب بر ثانیه}$$

عامل موثر	وضعیت عامل از نظر شدت	W
پستی و بلندی(T)	-شیب تند ناهموار با شیب متوسط بیش از ۳۰ درصد.	۲۰
	-تپه ماهور با شیب بین ۱۰ تا ۳۰ درصد.	۳۰
	-اراضی کم عارضه با شیب ۵ تا ۱۰ درصد.	۲۰
	-اراضی نسبتاً مسطح با شیب تا ۵ درصد.	۱۰
نفوذپذیری(I)	-فاقد پوشش گیاهی موثر، همچنین سنگ یا خاک با لایه‌کم قابل نفوذ	۲۰
	-خاکهای با نفوذپذیری کم مانند رس و سایر خاکهای با ظرفیت نفوذپذیری کم	۱۵
	-خاکهای لومی با نفوذپذیری متوسط و خاکهای مرتعی.	۱۰
	-خاکهای شنی عمیق با سرعت نفوذ زیاد.	۵
پوشش گیاهی(C)	-فاقد گیاه موثر و یا پوشش‌های مشابه.	۲۰
	-پوشش‌کم‌تانسبتاًمتوسط، زراعتهای با برداشت کامل‌ویاپوشش، طبیعی فقیرکمتر از ده درصد حوزه دارای پوشش خوب است.	۱۵
	-تقریباً ۵۰ درصد از حوزه پوشش خوبی دارد.	۱۰
	-تقریباً ۹۰ درصد از حوزه دارای پوشش خوب مرتع، بیشه‌زاروباجنگل	۵
ذخیره‌سطحی(S)	-ناچیز یا فرورفتگیهای مختصر سطحی.	۲۰
	-زهکشهای کوچک سطحی مشخص میباشند.	۱۵
	-چاله‌های سطحی قابل توجه باکمتر از ۲ درصد از اراضی، بصورت دریاچه، باتلاق و یا استخرهای طبیعی	۱۰
	-ذخیره سطحی زیاد و تقریباً بدون زهکش‌های مشخص، تعداد زیادی دریاچه، باتلاق و استخرهای طبیعی	۵



روش لانگبین

مثال ۲-۱۴:

برای دمای متوسط سالانه ۲۰ درجهٔ سانتی‌گراد و بارش متوسط سالانه برابر ۵۳ سانتی‌متر، مقدار F_θ برابر ۲۶/۶ خواهد بود. مقدار $\frac{P}{F_\theta}$ برابر ۲ بدست آمده که با توجه به جدول ۲-۱۹ مقدار $\frac{Q}{F_\theta}$ برابر ۰/۰۷۵ می‌باشد. بنابراین ارتفاع رواناب سالانه برابر است با:

$$Q = F_\theta \times \frac{Q}{F_\theta}$$

$$F_\theta = 10^{0.027\,T+0.886}$$

$Q = ۲۶/۶ \times ۰/۰۷۵ = ۲$ سانتی‌متر

جدول ۲-۱۹- برآورد رواناب متوسط سالانه از روش لانگبین اصلاح شده.

$\frac{P}{F_\theta}$	$\frac{Q}{F_\theta}$
۱	۰/۰۲۶
۲	۰/۰۷۵
۳	۰/۲۰
۴	۰/۴۷۵
۵	۱/۰
۶	۱/۹
۷	۲/۷
۸	۳/۴
۱۰	۵/۰
۱۲	۷/۰
۱۴	۹/۰

پایان

● مثال ۱۶-۱

در یک سد مخزنی، سرریز اضطراری آن طوری طراحی شده است که رابطه بین دبی خروجی (O) از آن و ارتفاع آب روی تاج سر ریز (H) به صورت $Q = 110\ H^{1.5}$ است (H برحسب متر و Q برحسب مترمکعب در ثانیه). زمانی که مخزن تا لبهٔ تاج سرریز پر از آب است سطح مخزن ۷/۵ کیلومتر مربع می‌باشد و پس از آن به ازای هر متر افزایش ارتفاع، ۱/۵ کیلومتر مربع بر سطح دریاچه مخزن افزوده می‌شود. در همین زمانی که مخزن تا لبهٔ تاج سرریز پر از آب است، سیلی که هیدروگراف آن مثلثی شکل است وارد مخزن می‌شود. زمان پایهٔ هیدروگراف ۳۶ ساعت، دبی اوج آن ۳۶۰ مترمکعب در ثانیه و زمان وقوع دبی اوج ۱۲ ساعت پس از شروع سیل ا ست. دبی اوج هیدروگراف خروجی از سرریز و زمان وقوع آن را از شروع سیل در هیدروگراف ورودی حساب کنید.

$$S = \int_0^H A\,dh = \int_0^H 10^6\,(7.5 + 1.5h)\,dh$$

$$= 10^6\,(7.5\,H + 0.75\,H^2) \quad \text{مترمکعب}$$

$$O = 110\,H^{1.5} \quad \text{مترمکعب در ثانیه}$$

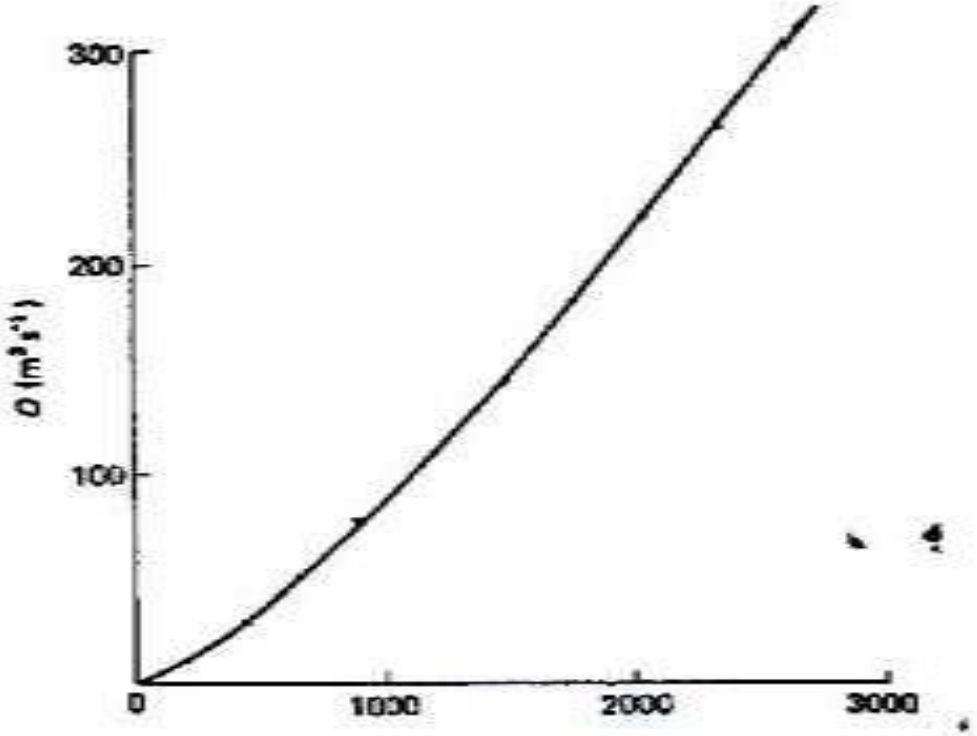
$$G = \frac{S}{\Delta T} + \frac{O}{2}$$

$$G = \frac{10^6}{7200}(7.5\,H + 0.75\,H^2) + \frac{110}{2}\,H^{1.5}$$

$$G = 104\,H(10 + 0.53\sqrt{H} + H)$$

جدول ۱۶-۲

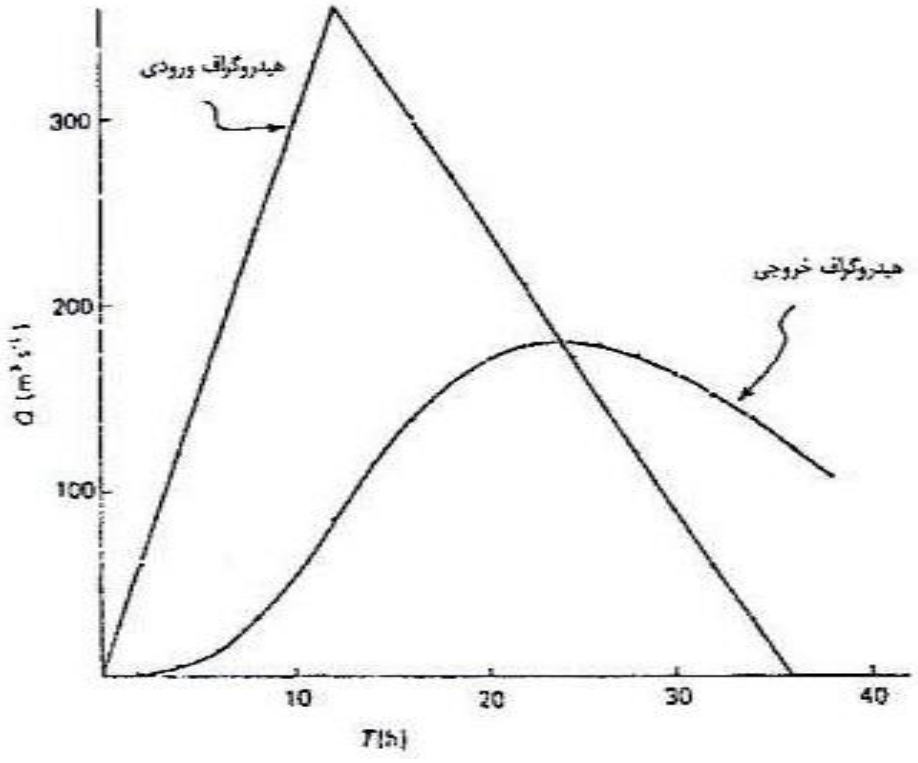
H	O	104H	0.53 √H	(10+0.53 √H+H)	G
0.2	10	20.8	0.24	10.26	213
0.4	28	41.6	0.34	10.38	432
0.6	51	62.4	0.41	10.47	653
0.8	79	83.2	0.47	10.55	878
1.0	110	104.0	0.53	11.53	1199
1.2	144	124.8	0.58	11.78	1470
1.4	182	145.6	0.63	12.03	1752
1.6	223	166.4	0.67	12.27	2042
1.8	265	187.0	0.71	12.51	2339
2.0	312	208.0	0.75	12.75	2652



$$G = \frac{S}{\Delta T} + \frac{O}{2} \quad (m^3 s^{-1})$$

جدول ۱۶-۳

T (hr)	I (m^3/s)	Im (m^3/s)	O (m^3/s)	Im-O (m^3/s)	G (m^3/s)
0	0		0		0
		30		30	
2	60		1		30
		90		89	
4	120		6		119
		150		144	
6	180		14		163
		210		196	
8	240		31		459
		270		239	
10	300		55		698
		330		275	
12	360		85		973
		345		260	
14	330		114		1233
		315		201	
16	300		138		1434
		285		147	
18	270		158		1581
		288		97	
20	240		171		1678
		225		54	
22	210		178		1732
		195		17	
24	180		180		1749
		165		-15	
26	150		178		1734
		135		-43	
28	120		173		1691
		105		-68	
30	90		163		1623
		75		-88	
32	60		152		1535
		45		-107	
34	30		139		1328
		15		-124	
36	0		123		1304
		0		-123	
38			108		1181



● مثال ۱۶-۲

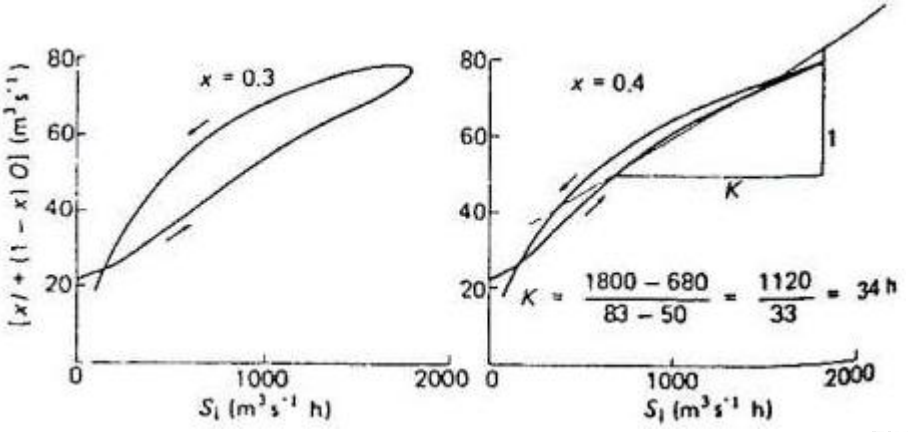
در دو نقطه از مسیر یک رودخانه در هنگام وقوع سیل اندازه‌گیری دبی به عمل آمده است. آمار هیدروگراف سیل ورودی و خروجی بین دو نقطه در جدول ۱۶-۴ نشان داده شده است. باتوجه به این اطلاعات ضرایب x و k را برای این قطعه از رودخانه محاسبه نمایید. باداشتن ضرایب x و k هیدروگراف سیل ورودی را روندیابی کنید.

جدول ۱۶-۴

T(hr)	0	12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	132
I(m^3s^{-1})	22	35	103	109	86	59	39	28	22	20	19	18
O(m^3s^{-1})	22	21	34	55	75	85	80	64	44	30	22	20

جدول ۱۶-۵

T (hr)	I (m^3s^{-1})	O (m^3s^{-1})	I - O (m^3s^{-1})	Si ($m^3s^{-1}h$)	0.3(I)+0.7(O) (m^3s^{-1})	0.4(I)+0.6(O) (m^3s^{-1})
0	22	22	0	0	22	22
12	35	21	14	168	25	27
24	103	34	69	996	55	62
36	109	55	54	1644	71	77
48	86	75	11	1776	78	75
60	59	85	-26	1464	77	75
72	39	80	-41	972	68	64
84	28	64	-36	540	54	50
96	22	44	-22	276	37	35
108	20	30	-10	156	27	26
120	19	22	-3	120	21	21
132	18	20	-2	96	19	19



$$x\,I + (1 - x)O$$

$$S = k[x\,I + (1 - x)O]$$

$$C_1 = \frac{\Delta T + 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{12 + 2 \times 34 \times 0.4}{12 + 2 \times 34 - 2 \times 34 \times 0.4} = \frac{39.2}{52.8} = 0.74$$

$$C_2 = \frac{\Delta T - 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{12 - 2 \times 34 \times 0.4}{12 + 2 \times 34 - 2 \times 34 \times 0.4} = \frac{-15.2}{52.8} = -0.29$$

$$C_3 = 1 - C_1 - C_2 = 1 - 0.74 + 0.29 = 0.55$$

$$(\text{کنترل } C_3 = \frac{-\Delta T + 2k - 2kx}{\Delta T + 2k - 2kx} = \frac{28.8}{52.8} = 0.55)$$

$$O_2 = C_1I_1 + C_2I_2 + C_3O_1$$

$$O_2 = 0.74I_1 - 0.29I_2 + 0.55O_1$$

جدول ۱۶-۶

t(hr)	0	12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	132
$I(m^3s^{-1})$	22	35	103	109	86	59	39	28	22	20	19	18
O روندیابی شده	22	18	6	48	82	92	83	66	51	38	30	25

۱۴-۱ در چندین اندازه‌گیری که از محل نصب یک اشل به عمل آمده است نتایج زیر حاصل شده‌است.

قرائت اشل (m)	دبی اندازه‌گیری شده (m^3/sec)
0.4	7.846
0.445	10.104
0.495	12.979
0.440	9.838
0.50	13.288
0.505	13.601
0.472	11.608
0.483	12.253
0.350	5.690

الف - رابطه دبی - اشل را روی کاغذ گراف معمولی رسم کنید.

ب - رابطه دبی - اشل را روی کاغذ لگاریتمی رسم و معادله آن را حساب کنید.

ج - چنانچه در متوسط دبی سالانه این رودخانه قرائت اشل ۰/۴۱۰ متر باشد حجم آبی که در طول سال از این رودخانه می‌گذرد چقدر تخمین زده می‌شود.

۴-۱۴ در اندازه‌گیری دبی از یک جریان داده‌های زیر بدست آمده است. مقدار دبی را محاسبه کنید.

فاصله‌ازساحل‌چپ(m)	0	1	2	3	4	5	6	7
عمق جریان (m)	0	1.35	3.31	5.0	9.0	5.38	3.78	1.78
سرعت در 0.2 d	0	0.4	0.6	0.8	0.9	0.8	0.6	0.5
سرعت در 0.8 d	0	0.2	0.3	0.5	0.6	0.6	0.4	0.3

برای اندازه‌گیری دبی در یک رودخانهٔ کوهستانی مقداری مادهٔ رودامین با غلظت ۲۰،۰۰۰ میلی‌گرم در لیتر با دبی ثابت ۳ میلی‌لیتر در ثانیه بطور پیوسته وارد رودخانه گردیده و غلظت آن در ۱۵۰۰ متری پایین‌دست اندازه‌گیری شده است که برابر ۰/۰۰۴۲ میلی‌گرم در لیتر بوده است. دبی رودخانه چقدر است؟